

# Instrumento de medición para diagnosticar las habilidades algebraicas de los estudiantes en el Curso de Cálculo Diferencial en ingeniería

*A measurement instrument for establishing the algebraic skills of engineering students on a Differential Calculus Course in engineering*

**Dra. Wendolyn Elizabeth AGUILAR-SALINAS.** Profesora Titular. Universidad Autónoma de Baja California (aguilar.wendolyn@uabc.edu.mx).

**Dr. Maximiliano DE LAS FUENTES-LARA.** Profesor Titular. Universidad Autónoma de Baja California (maximilianofuentes@uabc.edu.mx).

**Dra. Araceli Celina JUSTO-LÓPEZ.** Profesora Titular. Universidad Autónoma de Baja California (araceli.justo@uabc.edu.mx).

**M.I. Ana Dolores MARTÍNEZ-MOLINA.** Profesora Titular. Universidad Autónoma de Baja California (ana.dolores.martinez.molina@uabc.edu.mx).

## Resumen:

Se construyó un instrumento de medición altamente confiable, con validez de contenido y de criterio. Su contenido está basado en las habilidades algebraicas que los estudiantes de ingeniería requieren para desempeñarse favorablemente en un Curso de Cálculo Diferencial en las carreras de ingeniería. En el diseño del instrumento participó un equipo de 10 profesores con al menos grado de maestría y experiencia docente en el área de cálculo diferencial. El instrumento de medición es de opción

múltiple, criterial, de gran escala, está integrado por 25 reactivos y su análisis de calidad se describe y se deriva de las respuestas emitidas durante los ciclos lectivos 2018-2 y 2019-1 por estudiantes de nuevo ingreso en la carrera de ingeniería. Los resultados muestran que los tópicos que predicen el éxito del alumno y cuentan con el mayor poder de discriminación en el instrumento de medición están fuertemente relacionados con habilidades que los estudiantes adquieren desde la primaria y secundaria, como es el caso de las operaciones con fraccio-

---

Fecha de recepción de la versión definitiva de este artículo: 18-09-2019.

Cómo citar este artículo: Aguilar-Salinas, W. E., de las Fuentes-Lara, M., Justo-López, A. C. y Martínez-Molina, A. D. (2020). Instrumento de medición para diagnosticar las habilidades algebraicas de los estudiantes en el Curso de Cálculo Diferencial en ingeniería | *A measurement instrument for establishing the algebraic skills of engineering students on a Differential Calculus Course in engineering*. *Revista Española de Pedagogía*, 78 (275), 5-25. doi: <https://doi.org/10.22550/REP78-1-2020-02>

<https://revistadepedagogia.org/>

ISSN: 0034-9461 (Impreso), 2174-0909 (Online)

nes y las leyes de los exponentes. También se logró identificar que la mayor deficiencia en las habilidades algebraicas de los estudiantes pertenece al tema de la racionalización, división de polinomios, factorización de suma y diferencia de cubos.

**Descriptores:** cálculo, cuestionario, evaluación predictiva, fiabilidad, validez.

### **Abstract:**

A highly reliable algebraic skill measurement instrument with content and approach validity was developed. Its content focusses on the algebraic skills engineering students require to successfully follow a differential calculus course. A team of 10 teachers, each with minimum of a master's degree and teaching experience in differential calculus, par-

ticipated in the design of this instrument. The measurement instrument is a large-scale multiple-choice criteria test comprising 25 test items. Its quality is described and analysed on the basis of the answers given by engineering students during the first and second semesters of the 2018-2019 academic year. The results show that topics that can predict student success and have the greatest power of discrimination in the measurement instrument are strongly related to skills students acquire in primary and secondary education, such as operating with fractions and the laws of exponents. It was also found that the main shortcomings in the algebraic skills of students are rationalisation, division of polynomials, factoring sums, and difference of cubes.

**Keywords:** calculus, questionnaire, predictive evaluation, reliability and validity.

---

## 1. Introducción

Las matemáticas se presentan como un conocimiento imprescindible en una sociedad con un desarrollo tecnológico sin precedentes, sin embargo, es uno de los más inaccesibles para muchos estudiantes, ya que concentra un gran número de dificultades y fracasos (Carbonero y Navarro, 2006), lo que convierte a las matemáticas en un filtro crítico que condiciona la elección de carrera en los estudiantes (Sells, 1973). Aquellos estudiantes que llegan a la universidad con una percepción negativa de las matemáticas desarrollan una actitud reacia y, en consecuencia, un rendimiento académico bajo,

atribuyendo su fracaso a diversas causas (Orozco y Díaz, 2009).

En México, el nivel de conocimiento de las matemáticas se considera un problema educativo, con el 50 % de los estudiantes en etapas tempranas de su formación mostrando desinterés en esta área (González, 2005). Esto se refleja en los resultados publicados por la Secretaría de Educación Pública (SEP) en coordinación con el Instituto Nacional para la Evaluación de la Educación (INEE) y las autoridades educativas de las entidades federativas, en donde, a través de la prueba del Plan Nacional para la Evaluación de los Aprendizajes (PLANEA)

en educación media superior, se muestra el bajo rendimiento nacional de los estudiantes de bachillerato en el área de matemáticas en los últimos tres años, del 2015 al 2017 (Tabla 1). Se observa también que el

mayor porcentaje de estudiantes mexicanos se concentra en el nivel uno, en el que realizan operaciones con fracciones, operaciones que combinan incógnitas y establecen y analizan relaciones entre dos variables.

TABLA 1. Estadísticas en porcentajes de la prueba PLANEA.

Año/Nivel	2015	2016	2017
<b>Nivel 1</b>	51.3	49.2	66.2
<b>Nivel 2</b>	29.9	30.0	23.3
<b>Nivel 3</b>	12.4	14.4	8.0
<b>Nivel 4</b>	6.4	6.3	2.5

Fuente: Elaboración propia.

Es necesario determinar los conocimientos iniciales de los alumnos para generar un nuevo aprendizaje y evitar suposiciones. Por ejemplo, Matemáticas es una asignatura fundamental en la formación de ingenieros (Morales, 2009); si no poseen conocimientos básicos en habilidades matemáticas, debido a una pobre formación en el bachillerato, comprender y asimilar las matemáticas universitarias se les hará complicado (Encinas, Osorio, Ansaldi y Peralta, 2016). La evidencia de una educación preuniversitaria deficiente se refleja en el bajo rendimiento de los estudiantes en los cursos universitarios (Orozco y Díaz, 2009).

Algunos estudios analizan factores personales, sociodemográficos, psicológicos, intelectuales o cognitivos y el historial académico, para predecir el éxito futuro de los estudiantes (Reynoso y Méndez-Luévano, 2018; Arriaga, 2015; González, 2013; Gatica-Lara, Méndez-Ramírez, Sánchez-Mendiola y Martínez-González, 2010; Difabio, 1994). Sin embargo, no se encontraron in-

vestigaciones que analicen las temáticas o reactivos capaces de incidir en el éxito de los estudiantes universitarios en el área matemática.

Las capacidades de los estudiantes no se construyen solas, sino sobre conocimientos previos. En este sentido, Ausubel, Novak y Hanesian (1983, p. 1) mencionan que «el factor más importante que influye en el aprendizaje es lo que el alumno ya sabe. Averíguese esto y enséñesele en consecuencia». Esto puede observarse en el estudio realizado por Orozco-Moret y Morales (2007), donde el 70 % de los estudiantes que estaban repitiendo una materia del área matemática en el primer semestre de la universidad estaban de acuerdo con que la falta de conocimientos previos era la causa principal de haberse retrasado en esa asignatura.

En razón de lo anterior, esta investigación refiere la construcción y validación de un instrumento de medición de las habilidades algebraicas que los estudiantes uni-

versitarios requieren para desempeñarse adecuadamente en un Curso de Cálculo Diferencial en las carreras de ingeniería de la Universidad Autónoma de Baja California (UABC). La determinación de las habilidades algebraicas que adquirieron durante su educación en los niveles previos resulta crucial para el éxito de los estudiantes en el curso mencionado.

## **2. Método**

En la construcción del instrumento de medición se adoptó el modelo de Nitko (1994) para desarrollar exámenes orientados por el currículo. Dicho modelo se complementó con la metodología para la construcción de test criteriales de Popham (1990) y con aportaciones metodológicas y operativas de Contreras (1998, 2000).

El análisis de calidad del instrumento de medición se hizo de acuerdo a la Teoría clásica de los test (TCT), de manera que el instrumento diseñado permitiese medir las habilidades algebraicas requeridas para cursar la asignatura de Cálculo Diferencial en una carrera de ingeniería. En este sentido, se consideró necesario la determinación de la confiabilidad, la validez y los índices de dificultad, discriminación y correlación biserial (Carmines y Zeller, 1987).

Los análisis de confiabilidad permiten medir la consistencia o estabilidad de las medidas cuando el proceso de medición se repite (Prieto y Delgado, 2010), determinando su capacidad para demostrar la estabilidad en sus resultados (García y Vilanova, 2008). En este caso, se utilizaron el

coeficiente de Kuder-Richarson KR-20 y el método de mitades partidas.

El análisis de confiabilidad mediante el coeficiente de Kuder-Richarson (KR-20) permite obtener la confiabilidad de un instrumento a partir de los datos obtenidos en una sola aplicación. Los reactivos se valoran como respuesta correcta o incorrecta, teniéndose en cuenta que presentan diferentes índices de dificultad (Corral, 2009). En el análisis de confiabilidad por el método de mitades partidas, se divide la prueba a la mitad y se separa en dos pruebas paralelas. El coeficiente de consistencia interna se calcula utilizando la fórmula de Spearman-Brown (Reidl-Martínez, 2013). Si el instrumento es confiable, debería haber una fuerte correlación entre las puntuaciones de ambas mitades.

La validez de contenido y de criterio también fue calculada para analizar la calidad del instrumento. La validez de contenido se garantiza a partir de la selección de indicadores adecuados y relacionados con los procesos matemáticos y el contraste de la validez de los reactivos a través del juicio de expertos (Alsina y Coronata, 2014). En este tipo de validez, se selecciona un panel de expertos con al menos 5 años de experiencia en los temas objeto de la validación, que deben analizar la coherencia de los reactivos en relación con lo que se desea evaluar, la complejidad de los reactivos y la habilidad cognitiva a evaluar (Barrazas, 2007), así como la suficiencia y pertinencia de los reactivos, considerando los aspectos del constructo que son relevantes, incluidos en las competencias y los indicadores (Cisneros, Jorquera y Aguilar, 2012).

El instrumento de medición diseñado pretende comprobar los conocimientos o dominio de los estudiantes respecto de los contenidos o temas de álgebra que se consideran necesarios para el estudio y el tratamiento del cálculo diferencial en los programas de ingeniería. Con el propósito de determinar si los reactivos del instrumento de medición examinan verdaderamente los tópicos e indicadores de logro establecidos en las especificaciones de diseño, se llevó a cabo una revisión con un equipo de 6 expertos profesores universitarios del área de matemáticas con grado de maestría o doctorado, ajenos al proceso de diseño y construcción del instrumento de medición. Los expertos evaluaron el instrumento de medición mediante un cuestionario que incluyó 8 aspectos trascendentales de cada uno de los 25 reactivos. Para emitir una calificación en cada aspecto y reactivo se utilizó una escala de 0 a 4, en donde el 0 indica muy en desacuerdo, 1 en desacuerdo, 2 postura neutral, 3 de acuerdo y 4 muy de acuerdo.

El aspecto 1 verifica la pertenencia de los contenidos del reactivo a temas que se tratan en el nivel de educación media superior. El aspecto 2 mide si los contenidos de cada reactivo son temas tratados en el Curso Propedéutico de Álgebra, Geometría y Trigonometría para los estudiantes de nuevo ingreso en la Facultad de Ingeniería Mexicali (FIM) en la UABC. Cabe señalar que dicho curso se imparte a los estudiantes de nuevo ingreso en las carreras de ingeniería previo al inicio del ciclo escolar. Los temas de álgebra que se tratan son: números reales, exponentes, radicales, fracciones, racionalización, polinomios

y factorización. El aspecto 3 relaciona la congruencia existente entre el indicador de logro y el contenido temático del reactivo. El aspecto 4 considera la relevancia del contenido del reactivo con respecto a los requisitos que debe cumplir un estudiante para cursar la asignatura de Cálculo Diferencial en la FIM. El reactivo 5 identifica si el vocabulario utilizado en cada reactivo es de uso común en la materia. El aspecto 6 alude a si los distractores en cada reactivo son plausibles. El aspecto 7 determina si cada reactivo tiene la respuesta correcta y el aspecto 8 se refiere a si está claro lo que se le solicita al estudiante en cada reactivo.

La validez de criterio se refiere al grado en que la prueba se correlaciona con variables ajenas a esta, los cuales son llamados criterios. Así, el criterio es un indicador de aquello que la prueba pretende medir o de lo que debería presentar una relación determinada. A la correlación encontrada se le denomina coeficiente de validez. Para la validez de criterio se ha utilizado el examen básico de cálculo diferencial. El diseño y construcción de este examen básico se describe en Encinas, de las Fuentes y Rivera (2007) y Contreras, Encinas, de las Fuentes y Rivera (2005) y se aplica de manera formal en la UABC a todos los estudiantes que cursan la asignatura de Cálculo Diferencial (más de 3000 alumnos por semestre distribuidos en los campus del Estado de Baja California, México). Los resultados de este examen forman parte de su evaluación ordinaria y proporcionan el 30 % de la calificación final del Curso de Cálculo Diferencial, mientras que el 70 % lo otorga el docente que imparte la asignatura. El examen básico de cálculo diferen-

cial que se aplica desde el año 2005 está integrado actualmente por 60 reactivos y está alineado con el currículo, es criterial, de opción múltiple y de gran escala.

El instrumento de medición es considerado como una prueba criterial en virtud de la cual se pretende determinar las habilidades algebraicas y apoyar el diagnóstico del diseño instruccional para el Curso de Cálculo Diferencial. El Índice de dificultad (ID) está relacionado con la proporción de estudiantes que resuelven correctamente un reactivo, y se calcula de acuerdo a Crocker y Algina (1986). Existen parámetros para la aceptación de un reactivo de acuerdo con su nivel de dificultad. El establecido por Contreras, Backhoff y Larrazolo (2004) dice que debe ser mayor que 0.05 y menor que 0.95. Para la TCT, este índice debe estar entre 0.1 y 0.9. De acuerdo a Backhoff, Larrazolo y Rosas (2000) el nivel medio de dificultad del instrumento debe oscilar entre 0.5 y 0.6, distribuyéndose los valores del índice de dificultad de la manera siguiente: 5 % de reactivos altamente fáciles ( $0.87 < ID < 1$ ), 20 % medianamente fáciles ( $0.74 < ID < 0.86$ ), 50 % con una dificultad media ( $0.53 < ID < 0.73$ ), 20 % medianamente difíciles ( $0.33 < ID < 0.52$ ) y 5 % altamente difíciles ( $ID < 0.32$ ).

El Índice de discriminación (IDC) del reactivo permite diferenciar (discriminar) entre los estudiantes que obtuvieron alta calificación en la prueba y los que obtuvieron baja calificación. Está relacionado con la alta posibilidad de que aquellos estudiantes con un sobresaliente desempeño general en la prueba respondan correctamente el reactivo, al contrario que los

estudiantes con un desempeño deficiente. En este análisis se considera el 54 % de la población muestral, incluyendo el 27 % de los estudiantes con alto rendimiento e igual porcentaje de estudiantes con el más bajo rendimiento, por cada reactivo que se revisa. Para Contreras, Backhoff y Larrazolo (2004) y para la TCT el valor discriminativo del reactivo se considera apropiado si es mayor que 0.2. De acuerdo con Guilford (1975) es aceptado el Índice de discriminación de un reactivo si arroja un valor superior a 0.2 o 0.3. La escala del IDC de acuerdo a Backhoff, Larrazolo y Rosas (2000) es: malo ( $IDC < 0.20$ ), regular ( $0.20 < IDC < 0.30$ ), bueno ( $0.30 < IDC < 0.40$ ) y excelente ( $IDC > 0.40$ ).

Otro elemento considerado importante para la confiabilidad y validez del instrumento es el coeficiente de correlación del punto biserial ( $rpbis$ ), pues tiene en cuenta al 100 % de la población muestral, no solo al 54 %, como en el caso del Índice de discriminación. Según Henrysson (1971), este coeficiente es un indicador de validez predictiva, donde se relaciona la respuesta a un reactivo por un estudiante y el resultado que obtuvo en la prueba. Se calcula de acuerdo al modelo de Backhoff, Larrazolo y Rosas (2000) y la escala de valores de este indicador es: discrimina pobemente ( $rpbis < 0.14$ ), regularmente ( $0.15 < rpbis < 0.25$ ), buen poder discriminativo ( $0.26 < rpbis < 0.35$ ) y excelente nivel de discriminación ( $rpbis > 0.35$ ).

Los resultados correspondientes a las opciones de respuesta se someten a un análisis de frecuencia, en el que se identifican los porcentajes de los estudiantes que contestaron cada una de las cuatro

opciones. Se dice que los distractores son no adecuados (DNA) si cuentan con menos del 5 % de respuestas de los estudiantes (Rodríguez, Casas y Medina, 2005). Se realizó un análisis de varianza (ANOVA) con una prueba post-hoc de Tukey HSD, en el que se consideró como factor el número de DNA y como variables dependientes el ID, el IDC y el rpbis de los reactivos. El objetivo es determinar diferencias significativas entre grupos y dentro de los mismos.

La base de datos se analizó mediante la Teoría clásica de los test (TCT) a través del programa IBM SPSS Statistics 25 y hoja electrónica Excel con los que se obtuvieron los datos psicométricos de cada reactivos, distractores, índices de dificultad, de discriminación y la correlación punto-biserial.

### 3. Procedimiento de construcción del instrumento de medición

En la construcción del instrumento de medición participaron seis profesores: dos en el comité diseñador del instrumento, dos en el comité elaborador de especificaciones y dos en el comité elaborador de reactivos, todos con el grado de doctor, y con una experiencia mínima en docencia de cinco años en el área de álgebra, cálculo diferencial y cálculo integral.

La función del comité diseñador del instrumento de medición es analizar el currículum del área, detectar y estructurar el contenido importante que se va a evaluar, construir una tabla de especificaciones del instrumento y elaborar un documento de justificación de las decisiones. Cabe señalar que la construcción del instrumento de me-

dición se basa en las habilidades aritméticas y algebraicas mínimas que los estudiantes de ingeniería requieren para desempeñarse favorablemente en un Curso de Cálculo Diferencial en las carreras de ingeniería. Dichas habilidades fueron determinadas por el comité diseñador del instrumento y validadas por el comité elaborador de especificaciones y por el equipo de expertos. Los conceptos y procedimientos matemáticos implicados en el instrumento de medición forman parte del currículo que los estudiantes han llevado a cabo a través de sus estudios en el programa de la asignatura de Matemáticas I tanto del bachillerato general como del bachillerato tecnológico (SEP, 2017). También los tópicos son tratados en el Curso de Álgebra, Geometría y Trigonometría que se imparte a los estudiantes de nuevo ingreso en las carreras de ingeniería de la UABC.

El propósito del instrumento de medición es establecer las condiciones iniciales de los estudiantes de nuevo ingreso en una carrera de ingeniería en cuanto a los conocimientos y habilidades algebraicas requeridas para cursar la asignatura de Cálculo Diferencial. Para evidenciar dichas condiciones, se establecieron para cada especificación y su respectivo reactivos indicadores de logro, que representan aquellas conductas del alumno que permiten valorar el grado de dominio sobre alguna habilidad algebraica. Los tópicos e indicadores de logro de cada uno de los 25 reactivos que componen el instrumento de medición se describen en la Tabla 2.

TABLA 2. Tópicos e indicadores de logro de cada reactivo del instrumento de medición.

Número de Reactivo	Número de Tópico	Tópico	Indicador de logro
1	1	Operaciones con fracciones	Sumar aritméticamente fracciones con distinto denominador.
2	1	Operaciones con fracciones	Multiplicar aritméticamente fracciones.
3	1	Operaciones con fracciones	Dividir aritméticamente dos fracciones.
4	2	Leyes de los exponentes	Utilizar la ley de los exponentes para multiplicar dos números.
5	2	Leyes de los exponentes	Utilizar la ley de los exponentes para dividir dos números.
6	2	Leyes de los exponentes	Convertir un número radical a forma exponencial.
7	3	Racionalización	Racionalizar el denominador de una expresión numérica.
8	3	Racionalización	Racionalizar el denominador de una expresión algebraica.
9	3	Racionalización	Racionalizar el numerador de una expresión algebraica.
10	4	Operaciones con polinomios (suma)	Calcular una suma de polinomios.
11	4	Operaciones con polinomios (suma)	Eliminar símbolos de agrupación y simplificar la expresión algebraica.
12	4	Operaciones con polinomios (producto)	Calcular el producto de dos binomios.
13	4	Operaciones con polinomios (división)	Calcular la división de un polinomio entre un monomio.
14	4	Operaciones con polinomios (división)	Calcular la división de un polinomio entre un binomio.
15	4	Operaciones con polinomios	Despejar una variable.
16	4	Operaciones con polinomios (producto de binomios)	Desarrollar un binomio al cuadrado.
17	4	Operaciones con polinomios (binomios conjugados)	Calcular el producto de binomios conjugados.
18	4	Operaciones con polinomios (producto de binomios)	Calcular el producto de dos binomios.

19	4	Operaciones con polinomios (producto de binomio al cubo)	Desarrollar un binomio al cubo.
20	5	Factorización	Factorizar un trinomio cuadrado no perfecto.
21	5	Factorización	Identificar un trinomio cuadrado perfecto.
22	5	Factorización	Factorizar un trinomio cuadrado perfecto.
23	5	Factorización	Identificar una diferencia de cuadrados (primera versión) / Factorizar una suma de cubos (versión final).
24	5	Factorización	Factorizar una diferencia de cuadrados.
25	5	Factorización	Factorizar una diferencia de cubos.

Fuente: Elaboración propia.

El diseño de cada reactivo se basa en su respectiva especificación, en el cual cada reactivo contempla aspectos como el tópico de álgebra al que pertenece, el indicador de logro de acuerdo a Zabala y Arnau (2008), un comentario acerca del sentido y funcionalidad del contenido, la base del reactivo, el vocabulario y tipo de

información que se utilizará en el reactivo, las características de los distractores, el procedimiento para obtener la respuesta correcta, un reactivo muestra y el tiempo estimado de ejecución (Tabla 3). El diseño de la especificación para cada reactivo la realizó el comité elaborador de especificaciones.

TABLA 3. Especificación correspondiente al reactivo 16 del instrumento de medición.

<b>Tópico:</b> Operaciones con polinomios (producto notable)	<b>Subtema:</b> Binomio al cuadrado
<b>Comentario sobre el sentido del contenido:</b> Ciertos productos se presentan con frecuencia en los temas de cálculo diferencial, cálculo integral y ecuaciones diferenciales entre otros, y han sido clasificados como productos notables o especiales. Es el caso del binomio al cuadrado cuyo desarrollo es: $(a+b)^2=a^2+2ab+b^2$ . También puede escribirse: $(a-b)^2=a^2-2ab+b^2$ . Se espera que el estudiante desarrolle correctamente un binomio al cuadrado.	
<b>Indicador de logro:</b> desarrollar un binomio al cuadrado.	
<b>Base del reactivo:</b> Se propone para su desarrollo un binomio que esté elevado al cuadrado. Las características del binomio son las siguientes: a) Los signos de los coeficientes pueden ser iguales u opuestos. b) Los coeficientes de los términos son números enteros. c) Las variables literales puede ser que pertenezcan al alfabeto, no solamente $x$ o $y$ como se acostumbra. d) Se sugiere no incluir coeficientes fraccionarios para no incrementar la dificultad del reactivo.	

**Vocabulario e información textual, gráfica o tabular:**

La información que se emite en este reactivos es de tipo textual incluyendo una expresión algebraica que corresponde al binomio y del cual deberá determinarse su cuadrado.

**Distractores:**

Serán binomios o trinomios generados con las siguientes características:

- El cuadrado del primero más el cuadrado del segundo.
- El cuadrado del primero menos el cuadrado del segundo.
- El cuadrado del primero menos el doble producto del primero por el segundo más el cuadrado del segundo.
- El cuadrado del primero más una vez el primero por el segundo término más el cuadrado del segundo término.

**Respuesta correcta:**

Respetando la regla del binomio al cuadrado la respuesta correcta se obtiene: el cuadrado del primer término más el doble producto del primero por el segundo más el cuadrado del segundo término.

**Reactivos propuesto:**

Al desarrollar el binomio  $(3x - 4y)^2$  se obtiene como resultado:

- A)  $9x^2 - 24xy + 16y^2$       B)  $9x^2 + 16y^2$       C)  $9x^2 - 16y^2$       D)  $9x^2 + 24xy + 16y^2$

**Tiempo estimado de ejecución:** 2 minutos.

Fuente: Elaboración propia.

El instrumento está compuesto por 25 reactivos de opción múltiple, en el que se pide al estudiante elegir de entre 4 respuestas la que es correcta. Cada reactivos en el instrumento es independiente, toda vez que contiene la información necesaria para plantearlo y responderlo. El instrumento es criterial, ya que tiene el propósito de evaluar el aprendizaje, informando sobre qué puede hacer o no el examinado. Los reactivos fueron diseñados por el comité elaborador de reactivos.

#### 4. Resultados y discusión

La aplicación piloto del instrumento de medición en su primera versión se llevó a cabo en las instalaciones de la FIM de la UABC durante la primera semana de iniciado el curso lectivo 2018-2019. El instrumento se aplicó a 177 estudiant-

tes de nuevo ingreso en la FIM inscritos en el Curso de Cálculo Diferencial (el 21 % de la comunidad de estudiantes inscritos en dicha asignatura durante el ciclo citado). La confiabilidad del instrumento calculada mediante KR-20 es  $r=0.88$ , por el método de mitades partidas es  $r=0.93$ . Para Contreras, Backhoff y Larrazolo (2004) y para Muñoz y Mato (2006) es considerado como apropiado cuando es mayor o igual que 0.85 en el caso de instrumentos estandarizados y de gran escala.

El promedio del ID resultó ser de  $0.70 \pm 0.19$  (media  $\pm$  desviación estándar). La distribución porcentual resultante del ID es la siguiente: reactivos altamente fáciles 8 % (dos reactivos), medianamente fáciles 48 % (doce reactivos), dificultad media 28 % (siete reactivos), medianamente difíciles 4 %

(un reactivo) y altamente difíciles 12 % (tres reactivos).

De los reactivos, el 68 % tienen discriminación excelente, el 24 % discriminación buena y el 8 % discriminación mala. El promedio del IDC es  $0.49 \pm 0.18$  (media  $\pm$  desviación estándar), el cual está considerado como excelente.

Se calcularon los promedios del IDC para los 5 tópicos de álgebra considerados, a saber: operaciones con fracciones 0.56 (reactivos 1, 2 y 3), ley de los exponentes 0.61 (reactivos 4, 5 y 6), racionalización 0.33 (reactivos 7, 8 y 9), operaciones con polinomios 0.48 (reactivos 10-19) y factorización 0.50 (reactivos 20-25). Se identifica el mayor poder de discriminación para los reactivos correspondientes al tópico de ley de los exponentes seguido de los reactivos del tópico de fracciones. En contraste se determinó que el menor poder de discriminación es para los reactivos del tópico de racionalización, los cuales tienen mayor dificultad.

El promedio de los coeficientes de correlación biserial de la prueba es  $0.52 \pm 0.14$  (media  $\pm$  desviación estándar). De los reactivos, el 80 % tiene discriminación excelente, el 16 % discriminación buena y el 4 % discriminación regular. No se encontró ningún reactivo con discriminación pobre o negativa.

En cuanto a la validez de contenido, los promedios de cada reactivo en cada uno de los ocho aspectos declarados en la evaluación de los expertos resultaron mayores o iguales a 3.5. De acuerdo

a Contreras, Backhoff y Larrazolo (2004), el criterio que debe cumplirse es lograr un promedio de los expertos igual o superior a 3.5. En este caso, el instrumento se considera válido con respecto a su contenido. El aspecto 9 abarcó el instrumento en su conjunto y se centró en el tiempo que se le brinda al alumno para responderlo. En este caso, el tiempo máximo permitido para su ejecución es de 60 minutos. Los expertos consideraron que el tiempo que se le brinda al estudiante para la resolución de los veinticinco reactivos es adecuado.

La información se extrajo de la aplicación del examen básico de cálculo diferencial correspondiente al curso lectivo 2018-2019, con el registro de las respuestas a sesenta reactivos de 758 estudiantes de ingeniería de la FIM de la UABC. El análisis de confiabilidad mediante el método KR-20 arroja un coeficiente  $\alpha=0.87$ . En razón de lo anterior, el criterio con el cual se valida el instrumento de medición es el mismo. De los 177 estudiantes de la muestra analizada, tenemos los resultados de 151 que se presentaron a la prueba básica de cálculo diferencial. Se utilizaron estos resultados para llevar a cabo el cálculo de la correlación entre la calificación obtenida en el instrumento de medición y la calificación del examen básico. Al relacionar las calificaciones se obtuvo un coeficiente de correlación Pearson  $r=0.70$  significativo en el nivel 0.01, calificado como correlación positiva considerable de acuerdo a la escala de Hernández, Fernández y Baptista (2006).

El número total de opciones del instrumento diagnóstico fue de 100: 25 respuestas correctas y 75 distractores. El 33 % (25) de los distractores evaluados se clasificaron como no adecuados; 6 reactivos (24 %) tuvieron 3 distractores adecuados; 14 reactivos (56 %) tuvieron 1 distractor no adecuado (DNA); 4 reactivos (16 %) tuvieron 2 DNA y 1 reactivo tuvo 3 DNA. El número de DNA promedio por reactivo fue de  $1.00 \pm 0.74$  (media ± desviación estándar).

El promedio del ID e IDC en los reactivos con 0 distractores no adecuados fue de  $0.45 \pm 0.18$  y  $0.46 \pm 0.17$ , respectivamente (media ± desviación estándar). En contraste, estos parámetros psicométricos en los reactivos con 2 DNA fueron  $0.87 \pm 0.03$  y  $0.34 \pm 0.08$

con 42 % mayor ID (es decir, 42 % más fácil) y 12 % menor discriminación. Para reactivos con 1 DNA los ID e IDC promedios fueron 0.74 y 0.58.

El ANOVA mostró diferencias estadísticamente significativas ( $p < 0.001$ ) en el ID entre los grupos de reactivos con diferente número de DNA. La prueba post-hoc de Tukey mostró diferencias significativas ( $p < 0.001$ ) en índice de dificultad (Tabla 4) y de discriminación entre los reactivos con cero DNA y los demás reactivos con uno y dos DNA. Se encontró diferencia significativa en el IDC entre uno y dos DNA. En cuanto a la correlación biserial entre los reactivos, no se encontró diferencia significativa. En este análisis se excluyó el reactivo 10 con tres DNA.

TABLA 4. ANOVA de una vía, índice de dificultad por grupos de reactivos de cero a dos distractores no adecuados.

Índice de dificultad Tukey B <sup>a,b</sup>			
Distractor no adecuado	N	Subconjunto para Alfa = .05	
		1	2
0	6	.4533	
1	14		.7450
2	4		.8725

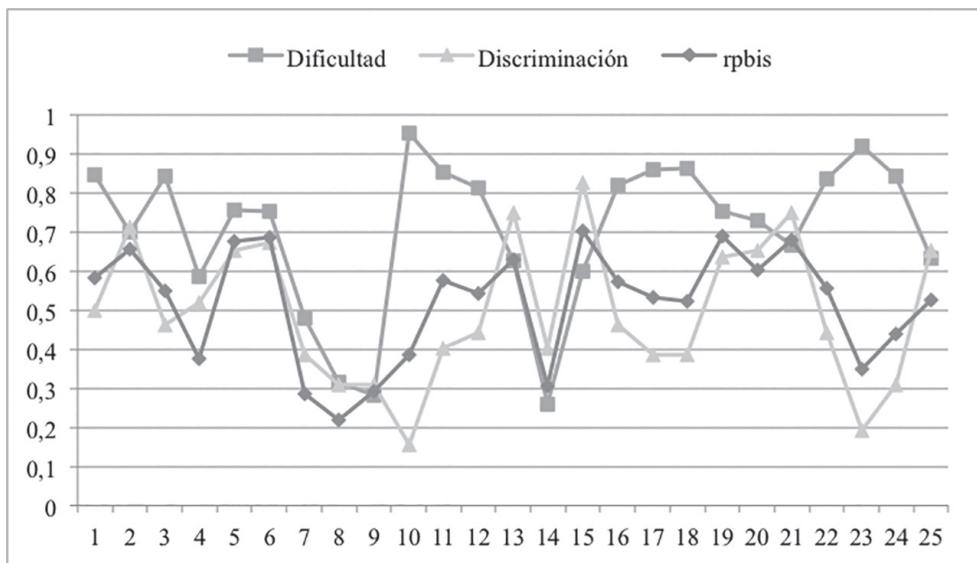
Se visualizan las medias para los grupos en los subconjuntos homogéneos.

a. Utiliza el tamaño de la muestra de la media armónica = 6.146.

b. Los tamaños de grupo no son iguales. Se utiliza la media armónica de los tamaños de grupo. Los niveles de error de tipo I no están garantizados.

Fuente: Elaboración propia.

GRÁFICO 1. Número de reactivo contra índice de dificultad, discriminación y correlación biserial en la primera versión del instrumento de medición.



Fuente: Elaboración propia.

La correlación biserial oscila entre 0.22 y 0.70 (Gráfico 1). Una correlación positiva indica que el responder bien a la pregunta es un indicador de obtener una buena puntuación en el instrumento de medición. Por lo tanto, las preguntas con rpbis positivo son las que mejor discriminan la muestra de los sujetos.

A partir de este gráfico de puntos se observa que para reactivos cuya dificultad es superior a 0.80 (reactivos 1, 3, 10, 11, 12, 16, 17, 18, 22, 23 y 24) la discriminación y el rpbis son inferiores a 0.60. De hecho, en este conjunto de reactivos se contemplan los valores más bajos de discriminación. Por el contrario, se obtienen valores de discriminación más altos (calificados como excelentes) cuando la dificultad se encuentra entre 0.40 y 0.75. El reactivo 15

se refiere a despejar una variable y es el que cuenta con el mayor poder de discriminación ( $IDC = 0.83$ ). A su vez, es el mejor predictor del éxito de un estudiante en este instrumento, de acuerdo al coeficiente de correlación biserial ( $rpbis = 0.70$ ).

Con el propósito de identificar qué tópicos de álgebra, reactivos e indicadores de logro provocan el éxito de un estudiante en este instrumento de medición, se calcularon los promedios del coeficiente de correlación biserial por tópico de álgebra y se ordenaron de mayor a menor: operaciones con fracciones (tópico 1, 0.60), leyes de los exponentes (tópico 2, 0.58), operaciones con polinomios (tópico 4, 0.55), factorización (tópico 5, 0.53) y racionalización (tópico 3, 0.26). En general, los tópicos que predicen principalmente el éxito del alumno

son los estudiados en el nivel de educación básica y secundaria. A nivel particular, se eligieron los dos reactivos con mayor coeficiente de correlación biserial, a saber: reactivo 15, despejar una variable ( $r_{pbis} = 0.70$ ) y reactivo 19, desarrollar un binomio al cubo ( $r_{pbis} = 0.69$ ).

En los dos reactivos altamente fáciles (10 y 23) se solicita a los estudiantes calcular una suma de polinomios e identificar una diferencia de cuadrados respectivamente. Sin embargo, dado que los IDC en ambos casos (0.15 y 0.19) resultaron

menores que 0.2 y el ID es mayor a 0.9, de acuerdo al criterio de Backhoff, Larrazolo y Rosas (2000) y a la TCT, se tomó la decisión de modificarlos sustancialmente. En el caso del reactivo 10, se incrementó el grado de la expresión de primero a segundo y de cuatro a seis términos. El indicador de logro no fue modificado (Tabla 5). En el caso del reactivo 23, no se cambió el tópico pero sí el indicador de logro, de la identificación de una diferencia de cuadrados a la factorización de una suma de cubos. También se tomó la decisión de realizar ajustes menores a los distractores que resultaron no adecuados.

TABLA 5. Versión inicial y final del reactivo 10 del instrumento de medición.

<b>Al realizar la operación <math>2x+7y-5x-3y</math> se obtiene como resultado:</b>			
A) $-3x+4y$	B) $3x-4y$	C) $xy$	D) $-xy$
<b>Al realizar la operación <math>2x+7y-5x-3y-3x^2-(-7x^2)</math> se obtiene como resultado:</b>			
A) $4x^2-3x+4y$	B) $4x^2+3x-4y$	C) $-4x^2-3x+4y$	D) $-4x^2+3x+4y$

Fuente: Elaboración propia.

Después de realizar ajustes a los DNA y modificar sustancialmente los reactivos 10 y 23, se hizo una segunda aplicación piloto durante la primera semana de inicio del segundo semestre 2018-2019, con una muestra de 138 estudiantes de nuevo ingreso (el 20 % de la comunidad de estudiantes inscritos en dicha asignatura durante el ciclo citado) en las carreras de ingeniería en la FIM de la UABC. El instrumento de medición fue nuevamente analizado con la TCT y su confiabilidad calculada mediante KR-20 fue  $r=0.87$  y por el método de mitades partidas  $r=0.92$ . La confiabilidad es prácticamente la misma con los dos mé-

todos en la versión final del instrumento, sin embargo, los índices psicométricos mejoraron notablemente.

Se extrajo nuevamente la información de la aplicación del examen básico de cálculo diferencial, pero correspondiente al segundo semestre del curso 2018-2019, en el que se registraron las respuestas a 60 reactivos de 627 estudiantes de ingeniería de la FIM. El análisis de confiabilidad mediante la fórmula KR-20 arroja un coeficiente  $\alpha=0.87$ . De los 138 estudiantes de la muestra, se tienen los resultados de 117 estudiantes que hicieron el examen básico de cálculo

diferencial y con estos se llevó a cabo el cálculo de la correlación entre la calificación obtenida en el instrumento de medición y la calificación del examen básico. Al relacionar las calificaciones se obtuvo un coeficiente de correlación Pearson  $r = 0.72$  significativo en el nivel 0.01, con un aumento en la correlación del 2.8 % respecto a la primera versión. Calificaciones altas en el instrumento de medición se traducen en calificaciones altas en el examen básico de cálculo diferencial.

En la versión final del instrumento de medición, el promedio del ID resultó ser de  $0.58 \pm 0.17$  (media  $\pm$  desviación estándar). La distribución porcentual resultante del ID es el siguiente: reactivos altamente fáciles 4 % (un reactivo); medianamente fáciles 24 % (seis reactivos); dificultad media 32 % (ocho reactivos); medianamente difíciles 36 % (nueve reactivos) y altamente difíciles 4 % (un reactivo), distribución que se ajusta mejor a los criterios establecidos por Backhoff, Larrazolo y Rosas (2000).

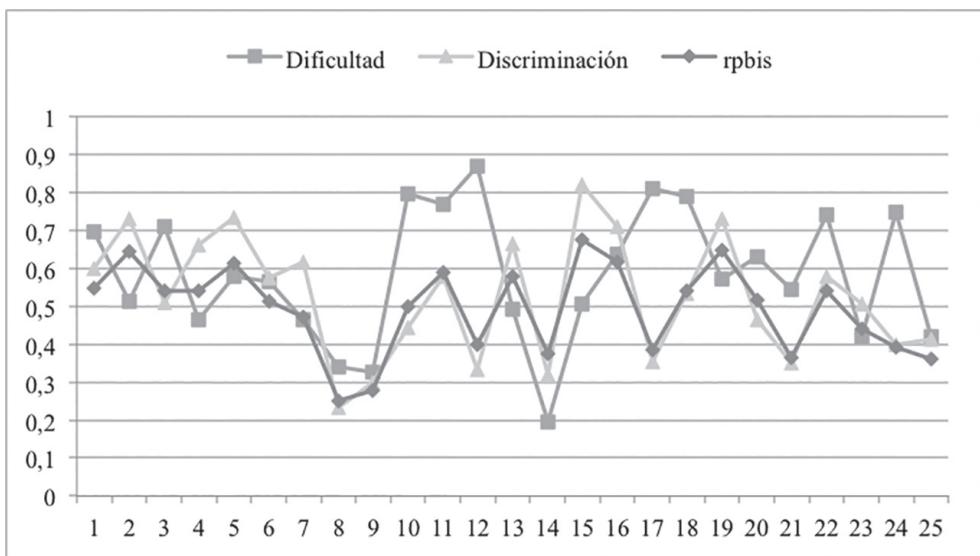
De los reactivos, el 72 % tiene IDC excelente, el 24 % discriminación buena y el 4 % discriminación regular. El promedio del IDC es  $0.53 \pm 0.16$  (media  $\pm$  desviación estándar), el cual cae dentro de una calificación considerada como excelente. Con esta versión final del instrumento de medición se logró un aumento del poder de discriminación de un 8 %.

Se calcularon también los promedios de la discriminación para los 5 tópicos de álgebra considerados, a saber: operacio-

nes con fracciones 0.61 (reactivos 1, 2 y 3); ley de los exponentes 0.65 (reactivos 4, 5 y 6); racionalización 0.38 (reactivos 7, 8 y 9); operaciones con polinomios 0.55 (reactivos 10-19) y factorización 0.45 (reactivos 20-25). En la versión final del instrumento prevalece el hecho de que se identifica el mayor poder de discriminación con los reactivos correspondientes al tópico de la ley de los exponentes, seguido de los reactivos del tópico de operaciones con fracciones. Por el contrario, el menor poder de discriminación sigue siendo para los reactivos del tópico de racionalización, los cuales tienen mayor dificultad.

En la versión final, se calcularon nuevamente los promedios del coeficiente de correlación biserial por tópico de álgebra y se ordenaron de mayor a menor: operaciones con fracciones (tópico 1,  $r_{pbis} = 0.58$ ), leyes de los exponentes (tópico 2,  $r_{pbis} = 0.55$ ), operaciones con polinomios (tópico 4,  $r_{pbis} = 0.53$ ), factorización (tópico 5,  $r_{pbis} = 0.44$ ) y racionalización (tópico 3,  $r_{pbis} = 0.33$ ). Se encontró consistencia con los tópicos que predicen el éxito del alumno en relación con la primera versión del instrumento. A nivel particular, los dos reactivos con mayor coeficiente de correlación biserial corresponden también al reactivo 15, despejar una variable ( $r_{pbis} = 0.68$ ), y al 19, desarrollar un binomio al cubo ( $r_{pbis} = 0.65$ ). Los indicadores psicométricos tienen menor dispersión en esta versión final del instrumento (Gráfico 2). La cuantificación de la dispersión cuadrada alrededor de la media para el ID es 0.90 en la primera versión del instrumento y 0.72 en la versión final; 0.79 y 0.62 para el IDC y

GRÁFICO 2. Número de reactivo contra índice de dificultad, discriminación y correlación biserial en la versión final del instrumento de medición.



Fuente: Elaboración propia.

0.51 y 0.33 para el rpbis. La dificultad oscila entre 0.2 y 0.87; la discriminación entre 0.23 y 0.82 y el coeficiente de correlación biserial oscila entre 0.25 y 0.68.

El 15 % (11) de los distractores evaluados se clasificó como no adecuados; 16 reactivos (64 %) tuvieron los 3 distractores adecuados; 7 reactivos (28 %) tuvieron 1 DNA; 2 reactivos (8 %) tuvieron 2 DNA y ningún reactivo tuvo 3 DNA. El número de DNA promedio por reactivo fue de  $0.44 \pm 0.64$  (media  $\pm$  desviación estándar). En esta versión final se logró disminuir los DNA de 25 a 11.

El promedio de ID e IDC en los reactivos con 0 DNA fue de  $0.50 \pm 0.15$  y  $0.55 \pm 0.17$ . En contraste, estos parámetros psicométricos en los reactivos con 2 DNA

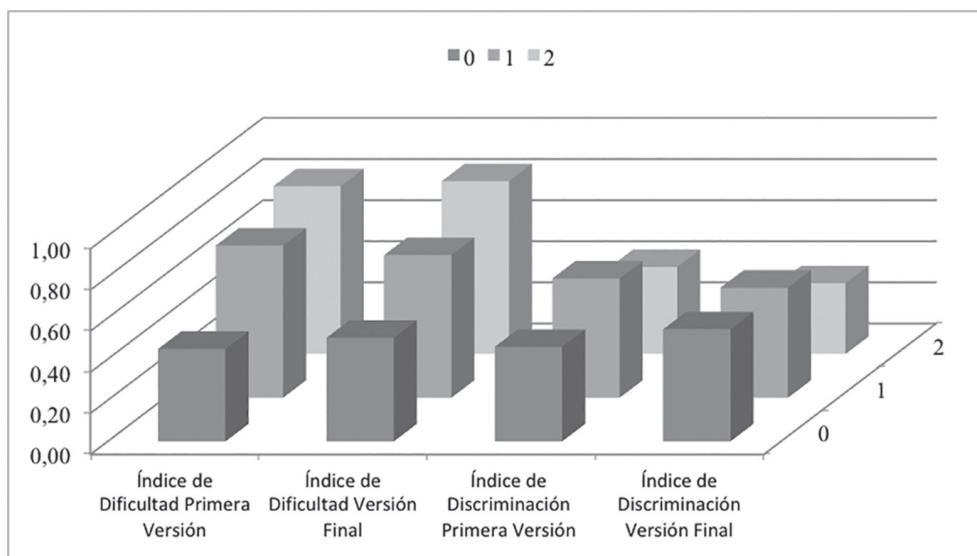
fueron  $0.84 \pm 0.03$  y  $0.34 \pm 0.01$  con 34 % mayor ID (es decir, 34 % más fácil) y 11 % menor discriminación. Para reactivos con 1 DNA los ID e IDC promedios son  $0.69 \pm 0.09$  y  $0.54 \pm 0.11$  respectivamente (media  $\pm$  desviación estándar). Se confirma que cuando se tienen 1 o 2 DNA el reactivo es más fácil (Gráfico 3) y el poder de discriminación disminuye.

Una prueba *post-hoc* de Tukey entre los tópicos de reactivos y el ID no mostró diferencias significativas entre los grupos. Sin embargo, prevalece en esta versión final la mayor dificultad para resolver los reactivos de racionalización (tópico 3) con un índice promedio de 0.38, seguido por los reactivos del tópico 2 correspondiente a las leyes de los exponentes con un ID promedio de 0.54. Le sigue en dificultad el tópico

con reactivos de factorización (0.58), operaciones con fracciones (0.64) y polinomios (0.65). Sin embargo, es preocupante que solo el 64 % de los estudiantes que ingresaron en una carrera de ingeniería logren

resolver correctamente operaciones aritméticas de suma, resta, multiplicación y división de fracciones, ya que se trata de habilidades que se adquieren desde el nivel de estudios básicos.

GRÁFICO 3. Comparativo de los distractores no adecuados e índices de dificultad y discriminación en la primera versión y final del instrumento de medición.



Fuente: Elaboración propia.

Los reactivos 8, 9 y 14 tienen índices de 0.34, 0.33 y 0.20 respectivamente y son los de mayor dificultad del instrumento de medición, el reactivo 8 y 9 (medianamente difíciles) corresponden a la racionalización del numerador y denominador de expresiones algebraicas, mientras que el reactivo 14 (altamente difícil) se refiere al cálculo de la división de polinomios. Los reactivos 23 y 25 son considerados como medianamente difíciles, ambos con índices de 0.42, en los cuales se solicita al estudiante factorizar una suma y una diferencia de cubos respectivamente. Lo anterior evidencia que los

reactivos de racionalización, división de polinomios y factorización con cubos son los de mayor dificultad para los alumnos de nuevo ingreso. En particular, estas habilidades algebraicas son fundamentales para hacer posible el cálculo de límites de una función, encontrar los ceros de la ecuación o para simplificar expresiones algebraicas.

## 5. Conclusiones

Se construyó un instrumento válido y confiable con el propósito de determinar en qué medida un estudiante de

nuevo ingreso en la carrera de ingeniería cuenta con las habilidades algebraicas requeridas para cursar la asignatura de Cálculo Diferencial, así como para predecir las posibilidades de éxito en dicha asignatura.

Un equipo de expertos evaluó si los contenidos de los reactivos indagaban sobre los tópicos de álgebra propuestos y si los reactivos son indicadores de lo que se pretende medir. Las opiniones de los profesionales resultaron favorables en relación a las posibilidades diagnósticas del instrumento de medición. Para determinar la validez de criterio se utilizó el examen básico de cálculo diferencial. Dicho examen se aplica en la UABC desde 2005. Al relacionar las calificaciones del instrumento con el criterio se obtuvo un coeficiente de correlación Pearson  $r = 0.72$  significativo en el nivel 0.01. En este sentido, las calificaciones altas en el instrumento de medición se traducen en calificaciones altas en el examen básico de cálculo diferencial, por lo tanto, se considera que dicho instrumento de medición es un predictor del rendimiento de los estudiantes en su Curso de Cálculo Diferencial para las carreras de ingeniería.

Para calcular la confiabilidad se utilizaron dos métodos: KR-20 y mitades partidas. Los resultados son consistentes entre la primera versión y la última, por lo que el instrumento es altamente confiable y puede considerarse su uso para aplicarse a gran escala.

Se identificó el mayor poder de discriminación en los reactivos correspondientes a los tópicos que involucran la ley de los exponentes y las operaciones con fracciones. Dichos tópicos están mayormente relacionados con habilidades adquiridas desde la primaria y secundaria. Por el contrario, se determinó que el menor poder de discriminación sigue siendo para los reactivos del tópico de racionalización, que a su vez es el de mayor dificultad para los estudiantes. También se encontró que los tópicos que predicen el éxito del alumno en el instrumento de medición, es decir, el coeficiente de correlación del punto biserial, son las operaciones con fracciones y leyes de los exponentes.

Con los resultados de la aplicación de este instrumento de medición es posible identificar los tópicos de álgebra con mayor dificultad para los estudiantes que ingresan en las carreras de ingeniería y que cursarán la asignatura de Cálculo Diferencial. A su vez, estos resultados permiten tomar medidas sobre estrategias para mejorar la instrucción y el rendimiento académico de los estudiantes en su Curso de Cálculo Diferencial en los programas de ingeniería.

## **Referencias bibliográficas**

- Alsina, Á. y Coronata, C. (2014). Los procesos matemáticos en las prácticas docentes: diseño, construcción y validación de un instrumento de evaluación. *Educación Matemática en la Infancia*, 3 (2), 23-36.

- Arriaga, M. (2015). El diagnóstico educativo, una importante herramienta para elevar la calidad de la educación en manos de los docentes. *Atenas*, 3 (1), 63-74.
- Ausubel, D. P., Novak, J. D. y Hanesian, H. (1983). *Psicología educativa: Un punto de vista cognoscitivo*. México: Editorial Trillas.
- Backhoff, E., Larrazolo, N. y Rosas, M. (2000). Nivel de dificultad y poder de discriminación del examen de habilidades y conocimientos básicos (EXHCOBA). *Revista Electrónica de Investigación Educativa*, 2 (1), 1-19.
- Barrazas, A. (2007). La consulta a expertos como estrategia para la recolección de evidencias de validez basadas en contenido. *Investigación Educativa Duranguense*, 7, 5-13.
- Carbonero, M. A. y Navarro, J. C. (2006). Entrenamiento de alumnos de educación superior en estrategias de aprendizaje en matemáticas. *Psicothema*, 18 (3), 348-352.
- Carmines, E. y Zeller, R. (1987). *Reliability and Validity Assessment*. USA: Sage.
- Cisneros, E., Jorquera, M. y Aguilar, A. (2012). Validación de instrumentos de evaluación docente en el contexto de una universidad española. *Voces y Silencios: Revista Latinoamericana de Educación*, 3 (1), 41-55.
- Contreras, L. A. (1998). *Metodología para desarrollar y validar un examen de español, de referencia criterial y referencia normativa orientado por el currículum, para la educación primaria en México*. Trabajo presentado en el III Foro Nacional de Evaluación Educativa de CENEVAL, Veracruz, México.
- Contreras, L. A. (2000). *Desarrollo y pilotaje de un examen de español para la educación primaria en Baja California* (Tesis doctoral, Instituto de Investigación y Desarrollo Educativo, Ensenada, México).
- Contreras, L., Backhoff, E. y Larrazolo, N. (2004). *Educación, aprendizaje y cognición. Teoría en la práctica*. México: Manual moderno.
- Contreras, L. A., Encinas, J. A., de las Fuentes, M. y Rivera, R. E. (2005). *Evaluación Colegiada del aprendizaje en la Universidad Autónoma de Baja California*. Trabajo presentado en el VIII Congreso Nacional de Investigación Educativa del Consejo Mexicano de Investigación Educativa (COMIE), Hermosillo, México.
- Corral, Y. (2009). Validez y confiabilidad de los instrumentos de investigación para la recolección de datos. *Revista Ciencias de la Educación*, 19 (33), 228-247.
- Crocker, L. y Algina, J. (1986). *Introduction to Classical and Modern Test Theory*. Florida: Holt, Rinehart & Winston.
- Diffabio, H. E. (1994). La temática de la motivación en el neoconductismo contemporáneo: locus de control y teoría de la atribución. *revista española de pedagogía*, 52 (197), 37-56.
- Encinas, A., de las Fuentes, M. y Rivera, R. (2007). Construcción colegiada y aplicación de un examen criterial alineado con el currículo para evaluar a gran escala un curso de cálculo diferencial. *Acta Latinoamericana de Matemática Educativa*, 20, 192-197.
- Encinas, F., Osorio, M., Ansaldi, J. y Peralta, J. (2016). El cálculo y la importancia de los conocimientos previos en su aprendizaje. *Revista de Sistemas y Gestión Educativa*, 3 (7), 32-41.
- García, M. B. y Vilanova, S. L. (2008). Las representaciones sobre el aprendizaje de los alumnos de profesorado. Diseño y validación de un instrumento para analizar concepciones implícitas sobre el aprendizaje en profesores de matemática en formación. *Revista Electrónica de Investigación en Educación en Ciencias*, 3 (2), 27-35.
- Gatica-Lara, F., Méndez-Ramírez, I., Sánchez-Mendiola, M. y Martínez-González, A. (2010). Variables asociadas al éxito académico de los estudiantes de la Licenciatura en Medicina de la UNAM. *Revista de la Facultad de Medicina de la UNAM*, 53 (5), 9-18.
- González, E. I. (2013). Estudio sobre factores contexto en estudiantes universitarios para conocer por qué unos tienen éxito mientras otros fracasan. *Revista Intercontinental de Psicología y Educación*, 155 (2), 135-154.
- González, R. M. (2005). Un modelo explicativo del interés hacia las matemáticas de las y los estudiantes de secundaria. *Educación Matemática*, 17 (1), 107-128.
- Guilford, J. P. (1975). *Psychometric Methods*. Nueva Delhi: McGraw-Hill.
- Hernández, R., Fernández, C. y Baptista, P. (2006). *Metodología de la investigación*. México: McGraw-Hill.

- Henrysson, S. (1971). Gathering, Analysing, and Using Data on Test Items. En R. L. Thorndike (Ed.), *Educational Measurement* (pp. 130-159). Washington: American Council on Education.
- Morales, E. M. (2009). Los conocimientos previos y su importancia para la comprensión del lenguaje matemático en la educación superior. *Universidad, Ciencia y Tecnología*, 13 (52), 211-222.
- Muñoz, J. M. y Mato, M. D. (2006). Diseño y validación de un cuestionario para medir las actitudes hacia las matemáticas de los alumnos de ESO. *Revista Galego-Portuguesa de Psicología e Educación*, 13 (11-12), 413-424.
- Nitko, A. J. (1994). *A Model for Developing Curriculum-Driven Criterion-Referenced and Norm-Referenced National Examinations for Certification and Selection of Students*. Trabajo presentado en la Conferencia Internacional sobre Evaluación y Medición Educativas de la Asociación para el Estudio de la Evaluación Educativa (ASSESA), Pretoria, Sudáfrica.
- Orozco, C. y Díaz, M. A. (2009). Atribuciones de la motivación al logro y sus implicaciones en la formación del pensamiento lógico-matemático en la universidad. *Interciencia*, 34 (9), 630-636.
- Orozco-Moret, C. y Morales, V. (2007). Algunas alternativas didácticas y sus implicaciones en el aprendizaje de contenidos de la teoría de conjuntos. *Revista Electrónica de Investigación Educativa*, 9 (1), 1-19.
- Prieto, G. y Delgado, A. R. (2010). Fiabilidad y validez. *Papeles del Psicólogo*, 3 (1), 67-74.
- Popham, J. (1990). *Modern educational Measurement: a practitioner's perspective*. Boston: Prentice Hall.
- Reidl-Martínez, L. M. (2013). Confiability en la medición. *Investigación en Educación Médica*, 2 (6), 107-111.
- Reynoso, O. y Méndez-Luévano, T. E. (2018). ¿Es posible predecir el rendimiento académico? La regulación de la conducta como un indicador del rendimiento académico en estudiantes de educación superior. *Diálogos sobre educación. Temas actuales en investigación educativa*, 9 (16), 1-19.
- Rodríguez, O., Casas, P. y Medina, Y. (2005). Análisis Psicométrico de los exámenes de evaluación de la calidad de la educación superior (ECAES) en Colombia. *Avances en Medición*, 3, 153-172.
- Sells, L. W. (1973). *High School Mathematics as the Critical Filter in the Job Market*. Recuperado de <https://bit.ly/33YD5uy> (Consultado el 15-10-2019).
- SEP (2017). *Planes de estudio de referencia del componente básico del marco curricular común de la educación media superior*. México: Secretaría de Educación Pública.
- Zabala, A. y Arnau, L. (2008). *11 Ideas clave, ¿cómo aprender y enseñar competencias?* Barcelona: Editorial Grao.

## Biografía de los autores

**Wendolyn Elizabeth Aguilar Salinas** es Doctora en Ciencias por la Universidad Autónoma de Baja California. Actualmente es Profesora Titular y Responsable de Tutorías de la Facultad de Ingeniería Mexicali en esta universidad. Su línea de investigación está centrada en el aprendizaje y enseñanza de las matemáticas, en las técnicas y tecnologías de enseñanza, así como en las modalidades educativas.

 <http://orcid.org/0000-0003-2223-9234>

**Maximiliano de las Fuentes Lara** es Doctor en Educación Superior en Ingeniería por la Universidad Autónoma de Baja California. Actualmente es Profesor Titular y Coordinador de las asignaturas de Cálculo Diferencial e Integral de la Facultad de Ingeniería Mexicali en esta universidad. Su línea de investigación está centrada en la problemática de la enseñanza, aprendizaje y evaluación de las matemáticas para ingeniería.

 <http://orcid.org/0000-0002-1001-4663>

**Araceli Celina Justo López** es Doctora en Ingeniería por la Universidad Autónoma de Baja California. Actualmente es Profesora Titular y Coordinadora de Tronco Común de la Facultad de Ingeniería Mexicali en esta universidad. Su línea de investigación está centrada en las tecnologías educativas.

 <http://orcid.org/0000-0002-6911-2065>

**Ana Dolores Martínez Molina** es Máster en Tecnología en Redes e Informática de CETYS Universidad. Actualmente es Profesora Titular y Responsable de Asesorías Académicas de la Universidad Autónoma de Baja California. Su línea de investigación está centrada en la matemática educativa.

 <https://orcid.org/0000-0001-5130-6243>

# Sumario\*

## Table of Contents\*\*

### Cuestiones de enseñanza de las matemáticas

Wendolyn Elizabeth Aguilar-Salinas, Maximiliano de las Fuentes-Lara, Araceli Celina Justo-López y Ana Dolores Martínez-Molina

Instrumento de medición para diagnosticar las habilidades algebraicas de los estudiantes en el Curso de Cálculo Diferencial en ingeniería

*A measurement instrument for establishing the algebraic skills of engineering students on a Differential Calculus Course in engineering*

5

María Burgos, Pablo Beltrán-Pellicer y Juan D. Godino

La cuestión de la idoneidad de los vídeos educativos de matemáticas: una experiencia de análisis con futuros maestros de educación primaria

*The issue of didactical suitability in mathematics educational videos: experience of analysis with prospective primary school teachers*

27

\* Todos los artículos están también publicados en inglés en la página web de la revista: <https://revistadepedagogia.org>.

\*\* All the articles are also published in English on the web page of the journal: <https://revistadepedagogia.org>.

### La formación online en el mundo de la educación: experiencias de los Estados Unidos

Gerald LeTendre y Tiffany Squires

Integración de programas de máster online y presenciales en educación

*Integrating online and residential master's programs in education*

53

Laurence B. Boggess

Innovación en la capacitación docente online: un modelo organizacional para brindar apoyo a largo plazo a la docencia online

*Innovations in online faculty development: an organizational model for long-term support of online faculty*

73

Brian Redmond

Liderazgo de equipo compartido de un programa online

*Shared team leadership for an online program*

89

## **Estudios y Notas**

---

### **Paolo Scotton**

Pensar en común, vivir en plenitud. La experiencia de la filosofía con los niños y niñas

*Thinking together, living fully. Experiencing philosophy with children*

**103**

### **Manuel Delgado-García, Sara Conde Vélez y Ángel Boza Carreño**

Perfiles y funciones del tutor universitario y sus efectos sobre las necesidades tutoriales del alumnado  
*Profiles and functions of university tutors and their effects on students' tutorial needs*

**119**

## **Reseñas bibliográficas**

---

**Luri, G. (2019).** *La imaginación conservadora: una defensa apasionada de las ideas que han hecho del mundo un lugar mejor* (Enrique Alonso Sainz).

**Quigley, C. F. y Herro, D. (2019).** *An educator's guide to STEAM. Engaging students using real-world problems* (Juan Luis Fuentes).  
**Prince, T. (2019).** *Ejercicios de mindfulness en el aula. 100 ideas prácticas* (José V. Merino Fernández).

**145**

## **Informaciones**

---

Francisco Altarejos: la filosofía de la educación hecha vida (Concepción Naval); World Educational Research Association Focal Meeting 2020: «Networking Education: Diverse Realities, Common Horizons»;

Conclusiones del IX Congreso Internacional de Filosofía de la Educación; Ebook 2019: **José Antonio Ibáñez-Martín (Ed.) (2019).** *La misión de las revistas de investigación en el mundo educativo. The mission of research journals in the world of education.*

**157**

### **Instrucciones para los autores**

*Instructions for authors*

**165**

### **Solicitud de originales**

*Call for papers*

**169**

### **XV Congreso Internacional de Teoría de la Educación**

*XV International Congress on Theory of Education*

**173**



ISSN: 0034-9461 (Impreso), 2174-0909 (Online)

<https://revistadepedagogia.org/>

Depósito legal: M. 6.020 - 1958

INDUSTRIA GRÁFICA ANZOS, S.L. Fuenlabrada - Madrid

# **A measurement instrument for establishing the algebraic skills of engineering students on a Differential Calculus Course in engineering**

## **Instrumento de medición para diagnosticar las habilidades algebraicas de los estudiantes en el Curso de Cálculo Diferencial en ingeniería**

**Wendolyn Elizabeth AGUILAR-SALINAS, PhD.** Associate Professor. Universidad Autónoma de Baja California (aguilar.wendolyn@uabc.edu.mx).

**Maximiliano DE LAS FUENTES-LARA, PhD.** Associate Professor. Universidad Autónoma de Baja California (maximiliano.fuentes@uabc.edu.mx).

**Araceli Celina JUSTO-LÓPEZ, PhD.** Associate Professor. Universidad Autónoma de Baja California (araceli.justo@uabc.edu.mx).

**Ana Dolores MARTÍNEZ-MOLINA, M.E.** Associate Professor. Universidad Autónoma de Baja California (ana.dolores.martinez.molina@uabc.edu.mx).

### **Abstract:**

A highly reliable algebraic skill measurement instrument with content and approach validity was developed. Its content focusses on the algebraic skills engineering students require to successfully follow a Differential Calculus Course. A team of 10 teachers, each

with minimum of a master's degree and teaching experience in differential calculus, participated in the design of this instrument. The measurement instrument is a large-scale multiple-choice criteria test comprising 25 test items. Its quality is described and analysed on the basis of the answers given by engineering

---

Revision accepted: 2019-09-18.

This is the English version of an article originally printed in Spanish in issue 275 of the **revista española de pedagogía**. For this reason, the abbreviation EV has been added to the page numbers. Please, cite this article as follows: Aguilar-Salinas, W. E., de las Fuentes-Lara, M., Justo-López, A. C., & Martínez-Molina, A. D. (2020). *Instrumento de medición para diagnosticar las habilidades algebraicas de los estudiantes en el Curso de Cálculo Diferencial en ingeniería | A measurement instrument for establishing the algebraic skills of engineering students on a Differential Calculus Course in engineering*. *Revista Española de Pedagogía*, 78 (275), 5-25. doi: <https://doi.org/10.22550/REP78-1-2020-02>

<https://revistadepedagogia.org/>

ISSN: 0034-9461 (Print), 2174-0909 (Online)

students during the first and second semesters of the 2018-2019 academic year. The results show that topics that can predict student success and have the greatest power of discrimination in the measurement instrument are strongly related to skills students acquire in primary and secondary education, such as operating with fractions and the laws of exponents. It was also found that the main shortcomings in the algebraic skills of students are rationalisation, division of polynomials, factoring sums, and difference of cubes.

**Keywords:** calculus, questionnaire, predictive evaluation, reliability and validity.

### Resumen:

Se construyó un instrumento de medición altamente confiable, con validez de contenido y de criterio. Su contenido está basado en las habilidades algebraicas que los estudiantes de ingeniería requieren para desempeñarse favorablemente en un Curso de Cálculo Diferencial en las carreras de ingeniería. En el diseño del

instrumento participó un equipo de 10 profesores con al menos grado de maestría y experiencia docente en el área de cálculo diferencial. El instrumento de medición es de opción múltiple, criterial, de gran escala, está integrado por 25 reactivos y su análisis de calidad se describe y se deriva de las respuestas emitidas durante los ciclos lectivos 2018-2 y 2019-1 por estudiantes de nuevo ingreso en la carrera de ingeniería. Los resultados muestran que los tópicos que predicen el éxito del alumno y cuentan con el mayor poder de discriminación en el instrumento de medición están fuertemente relacionados con habilidades que los estudiantes adquieren desde la primaria y secundaria, como es el caso de las operaciones con fracciones y las leyes de los exponentes. También se logró identificar que la mayor deficiencia en las habilidades algebraicas de los estudiantes pertenece al tema de la racionalización, división de polinomios, factorización de suma y diferencia de cubos.

**Descriptores:** cálculo, cuestionario, evaluación predictiva, fiabilidad, validez.

## 1. Introduction

A command of mathematics is a vital skill in a society undergoing unprecedented technological development. However, for many students it is one of the most inaccessible skills as it comprises a large number of difficulties and failures (Carbonero & Navarro, 2006), making mathematics a critical filter that shapes students' choice of degree (Sells, 1973). Students who start university with a negative per-

ception of mathematics develop a reluctant attitude and consequently have low academic performance, and attribute their failure to a variety of factors (Orozco & Díaz, 2009).

In Mexico, mathematics levels are considered to be an educational problem, with 50% of students in early stages of their education showing a lack of interest in this area (González, 2005). This is

reflected in what Mexico's Department of Public Education (Secretaría de Educación Pública, SEP) has published in coordination with the National Institute for Evaluating Education (Instituto Nacional para la Evaluación de la Educación, INEE) and the educational authorities of Mexico's different states, in which they make use of the test of the National Plan for Evaluating Education (Plan Nacional para la Evaluación de los Aprendizajes,

PLANEA) for secondary education to reflect the low performance of baccalaureate students in the area of mathematics at a national level in the three years between 2015 and 2017 (Table 1). This shows that the largest percentage of Mexican students are at level one, where they perform operations with fractions and operations that combine unknowns and establish and analyse relationships between two variables.

TABLE 1. Figures in percentages from the PLANEA test.

Year/Level	2015	2016	2017
<b>Level 1</b>	51.3	49.2	66.2
<b>Level 2</b>	29.9	30.0	23.3
<b>Level 3</b>	12.4	14.4	8.0
<b>Level 4</b>	6.4	6.3	2.5

Source: Own elaboration.

It is necessary to establish the students' initial level of knowledge to enable them to learn and avoid making assumptions. For example, mathematics is a vital subject in the training of engineers (Morales, 2009); if they do not have basic knowledge of mathematical skills owing to poor training in the baccalaureate, then they will struggle to understand and assimilate university-level mathematics (Encinas, Osorio, Ansaldi, & Peralta, 2016). Evidence of deficient pre-university education is found in the students' poor performance on university courses (Orozco & Diaz, 2009).

As a result, studies have analysed personal, sociodemographic, psychological, intellectual and cognitive factors and even the academic records of the students (Reynoso & Méndez-Luévano, 2018;

Arriaga, 2015; González, 2013; Gatica-Lara, Méndez-Ramírez, Sánchez-Mendiolá, & Martínez-González, 2010; Difabio, 1994). However, we did not find research analysing the topics or items that could affect the students' success in the area of mathematics.

The students' abilities are not constructed alone, but rather on the basis of prior knowledge. Accordingly, Ausubel, Novak, and Hanesian (1983, p. 1) observe that «the most important factor influencing learning is what students already know. Find this out and teach them accordingly.» This is apparent in the study by Orozco-Moret and Morales (2007), where 70% of the students who were repeating a mathematics module in the first semester of university agreed that lack of previous

knowledge was the main cause of their problem with the module.

In view of the above, this research refers to the construction and validation of an instrument to measure the algebra skills university students require to perform adequately in a Differential Calculus Course on engineering degrees at the Universidad Autónoma de Baja California (UABC). Establishing what algebra skills they have acquired during their education at lower levels is crucial for the students' success on a differential calculus for engineering course.

## **2. Method**

To construct this measurement instrument, we used the Nitko model (1994) for developing exams shaped by the curriculum. This model is complemented by Popham's (1990) methodology for constructing criterion-referenced tests and by methodological and operational contributions from Contreras (1998, 2000).

The quality of the measurement instrument was analysed in accordance with classic test theory (CTT) to ensure the instrument allows for measurement of the algebra skills required to take the Differential Calculus Course on an engineering degree. Accordingly, it is necessary to determine its reliability, validity, indexes of difficulty and discrimination, and the biserial correlation (Carmines & Zeller, 1987).

The analyses of reliability allow us to measure the consistency or stability of

the measurements when the measurement process is repeated (Prieto & Delgado, 2010), determining its capacity to demonstrate stability in its results (García & Vilanova, 2008). To do this, we used the Kuder-Richardson KR-20 formula and the split-half method.

Reliability analysis using the Kuder-Richardson (KR-20) formula makes it possible to establish an instrument's reliability based on the data obtained in a single application. The items are evaluated as correct or incorrect answers and the fact the items have different indexes of difficulty is taken into consideration (Corral, 2009). In the split-half method reliability analysis, the test is split in half and separated into two different parallel tests. The internal consistency coefficient is calculated using the Spearman-Brown formula (Reidl-Martínez, 2013). If the instrument is reliable, there should be a strong correlation between the scores in both halves.

Content and criterion validity were also calculated in turn to analyse the quality of the instrument. The content validity is guaranteed by choosing indicators that are appropriate and related to the mathematical processes, as well as and by testing the validity of the items by expert judgment (Alsina & Coronata, 2014). In this type of validation, a panel of experts is selected. These experts have at least 5 years' experience in the topics being validated and will analyse whether the items are consistent with what they are intended to evaluate, the complexity of the items, and the cognitive skill being

evaluated (Barrazas, 2007), as well as the sufficiency and relevance of the items, considering the aspects of the construct that are relevant, including those in the competences and indicators (Cisneros, Jorquera, and Aguilar, 2012).

The measurement instrument designed is intended to establish the students' knowledge or command of the algebra content or topics considered necessary for studying and handling differential calculus on engineering programmes. With the aim of determining whether the items in the measurement instrument actually examine the topics and indicators of achievement established in the design specifications, the measurement instrument was reviewed by a panel of six expert university teachers from the field of mathematics with master's or doctoral level degrees who were not connected with the process of designing and constructing the instrument. The expert panel evaluated the measurement instrument using a questionnaire which included 8 significant aspects for each of the 25 items. A scale of 0 to 4 was used to evaluate each aspect and item, with 0 indicating strongly disagree, 1 disagree, 2 neutral position, 3 agree, and 4 strongly agree.

Aspect 1 establishes the relevance of the content of the reactive to topics covered in level one of higher education. Aspect 2 measures whether the content of each item comprises topics covered in the introductory algebra, geometry, and trigonometry course for incoming students at the Mexicali Faculty of Engineering (FIM) at the UABC. This course is taken

by incoming students who will study engineering programmes before the start of the academic year. The algebra topics covered are real numbers, exponents, radicals, fractions, rationalisation, polynomials, and factoring. Aspect 3 relates to the consistency between the indicator of achievement and the thematic content of the item. Aspect 4 considers the relevance of the content of the item to the requirements a student must fulfil to take the Differential Calculus Course in the FIM. Aspect 5 identifies whether the vocabulary used in each item is commonly used in the subject. Aspect 6 considers whether the distractors in each item are plausible. Aspect 7 considers whether each item has the correct answer. And aspect 8 refers to whether what is asked of the student is clear in each item.

Criterion validity refers to the extent to which the test correlates to variables external to it, which are called criteria. Consequently, the criterion is an indicator of what the test is intended to measure or of what should present a given relationship. The correlation found is called the coefficient of validity. The differential calculus baseline test was used to test criterion validity. The design and construction of this baseline test is described in Encinas, de las Fuentes, and Rivera, (2007) and in Contreras, Encinas, de las Fuentes, and Rivera (2005) and it is applied formally at the UABC to all students who take differential calculus module (more than 3000 students per semester distributed across the campuses in the state of Baja California, Mexico). The results of this exam form part of

their ordinary evaluation, representing 30% of the final grade for the Differential Calculus Course with the other 70% being allocated by the teacher who delivers the module. The differential calculus baseline test, which has been in use since 2005, currently comprises 60 items and is aligned with the curriculum. It is criterion-referenced, multiple choice, and large scale.

The measurement instrument is classed as a criterion-referenced test as it is intended to establish algebra skills and support the diagnosis of the teaching design for the Differential Calculus Course. The difficulty index (DI) relates to the proportion of students who correctly solve an item. It is calculated in accordance with Crocker and Algina (1986). There are parameters for accepting an item depending on its level of difficulty. The difficulty index set by Contreras, Backhoff, and Larrazolo (2004) states that it must be greater than 0.05 and less than 0.95. For CTT this index must be between 0.1 and 0.9. According to Backhoff, Larrazolo, and Rosas (2000) the mean level of difficulty of the instrument should be between 0.5 and 0.6, with the values of the difficulty index being distributed as follows: 5% very easy items ( $0.87 < DI < 1$ ), 20% fairly easy ( $0.74 < DI < 0.86$ ), 50% with an average level of difficulty ( $0.53 < DI < 0.73$ ), 20% fairly difficult ( $0.33 < DI < 0.52$ ), and 5% very difficult ( $DI < 0.32$ ).

The index of discrimination (IDC) of the item makes it possible to differen-

tiate (discriminate) between students who obtained high scores in the test and those who obtain low scores. It relates to the high possibility that students with an excellent overall performance in the test will correctly answer the item, while students with poor performance will not. This analysis considers 54% of the sample population, including 27% of the students with high performance and the same percentage of students with the lowest performance for each item reviewed. Contreras, Backhoff, and Larrazolo (2004), and CTT regard an item's discrimination value as suitable if it is greater than 0.2. According to Guilford (1975), the index of discrimination of an item is accepted if it has a value greater than 0.2 or 0.3. The IDC scale according to Backhoff, Larrazolo, and Rosas (2000) is: poor ( $IDC < 0.20$ ), mediocre ( $0.20 < IDC < 0.30$ ), good ( $0.30 < IDC < 0.40$ ), and excellent ( $IDC > 0.40$ ).

Also regarded as important for the reliability and validity of the instrument is the point biserial correlation ( $r_{pbis}$ ), as this considers 100% of the sample population, not just 54% as in the case of the index of discrimination. According to Henrysson (1971), this coefficient is an indicator of predictive validity where a student's response to an item and result in the test are related. It is calculated in accordance with the model of Backhoff, Larrazolo, and Rosas (2000) and the scale of values for this indicator is: poor discrimination ( $r_{pbis} < 0.14$ ), mediocre discrimination ( $0.15 < r_{pbis} < 0.25$ ), good discrimination ( $0.26 < r_{pbis} < 0.35$ ), and excellent discrimination ( $r_{pbis} > 0.35$ ).

The results for each answer option are subjected to a frequency analysis in which the percentages of students who gave each of the four answer options is identified. Distractors are classed as unsuitable (UD) if they do not get over 5% of the answers from students (Rodríguez, Casas, & Medina, 2005). An analysis of variance (ANOVA) test was performed along with a *post-hoc* Tukey HSD test, in which the number of UD s was taken as the factor and the UD s, IDCs, and the rpbis of the items as the dependent variables. The objective of this was to identify significant differences between and within groups.

The database was analysed with classical test theory (CTT) using the IBM SPSS Statistics 25 program and Excel spreadsheet program with which we found the psychometric data for each item, distractors, difficulty indexes, discrimination indexes, and the point biserial correlation.

### 3. Process for constructing the measurement instrument

Six lecturers took part in the construction of the measurement instrument: two in the instrument design committee, two in the specifications preparation committee, and two in the item preparation committee. All of them held doctorates and had a minimum of 5 years' teaching experience in the area of algebra, differential calculus, and integral calculus.

The role of the measurement instrument design committee was to analyse the area's curriculum, detect and structure the important content that was to be evaluated,

create a table of specifications for the instrument, and prepare a document to explain their decisions. It should be noted that the measurement instrument is based on the minimum arithmetic and algebraic skills engineering students require to successfully complete a Differential Calculus Course as part of their engineering studies. These skills were determined by the instrument design committee and validated by the specifications preparation committee and by the panel of experts. The mathematical concepts and procedures covered by the measurement instrument are part of the curriculum the students followed throughout their studies on the programme of the Mathematics I course on both the general baccalaureate and the technological baccalaureate (SEP, 2017). The topics are also covered in the algebra, geometry, and trigonometry course that students take when starting engineering degrees at the Universidad Autónoma de Baja California.

The aim of the measurement instrument is to establish the starting conditions of newly-enrolled students on engineering degrees regarding the algebra knowledge and skills required to complete the differential calculus module. To reflect these conditions, we established indicators of achievement for each specification and its respective item, representing the student behaviours that make it possible to evaluate the level of command of a particular algebra skill. The topics and indicators of achievement for each of the 25 items that comprise the measurement instrument are described in Table 2.

TABLE 2. Topics and indicators of achievement for each item  
in the measurement instrument.

Item number	Topic number	Topic	Indicators of achievement
1	1	Operations with fractions	Adding fractions with different denominators.
2	1	Operations with fractions	Multiplying fractions.
3	1	Operations with fractions	Dividing two fractions.
4	2	Laws of exponents	Using the laws of exponents to multiply two numbers.
5	2	Laws of exponents	Using the laws of exponents to divide two numbers.
6	2	Laws of exponents	Converting a radical number to an exponential.
7	3	Rationalisation	Rationalising the denominator of a numerical expression.
8	3	Rationalisation	Rationalising the denominator of an algebraic expression.
9	3	Rationalisation	Rationalising the numerator of a numerical expression.
10	4	Operations with polynomials (sum)	Calculating the sum of polynomials.
11	4	Operations with polynomials (sum)	Eliminating grouping symbols and simplifying the algebraic expression.
12	4	Operations with polynomials (product)	Calculating the product of two binomials.
13	4	Operations with polynomials (division)	Calculate the division of a polynomial by a monomial.
14	4	Polynomial operations (division)	Calculate the division of a polynomial by a binomial.
15	4	Operations with polynomials	Isolating a variable.
16	4	Operations with polynomials (product of binomials)	Squaring a binomial.

17	4	Operations with polynomials (binomial conjugates)	Calculating the product of binomial conjugates.
18	4	Polynomial operations (product of binomials)	Calculating the product of two binomials.
19	4	Operations with polynomials (product of cubed binomials)	Expanding the cube of a binomial.
20	5	Factoring	Factoring a non-perfect-square trinomial.
21	5	Factoring	Identifying a perfect-square trinomial.
22	5	Factoring	Factoring a perfect-square trinomial.
23	5	Factoring	Identifying a difference of squares (first version) / Factoring a sum of cubes (final version).
24	5	Factoring	Factoring a difference of squares.
25	5	Factoring	Factoring a difference of cubes.

Source: Own elaboration.

The design of each item is based on its respective specification, which for each item covers aspects such as the algebra topic it belongs to, its indicator according to Zabala and Arnau (2008), a comment on the meaning and functionality of the content, the foundation of the item, the

vocabulary and type of information used in the item, the characteristics of the distractors, the process for obtaining the correct answer, an example item, and the estimated completion time (Table 3). The specifications preparation committee designed the specification for each item.

TABLE 3. Specification of item 16 on the measurement instrument.

<b>Topic:</b> Operations with polynomials (special product)	<b>Subtopic:</b> Squaring a binomial
<b>Comment on the meaning of the content:</b>	
Certain processes often appear in differential calculus topics, such as integral calculus and differential equations among others, and are classified as special products. This is the case with squaring a binomial which is done like this: $(a+b)^2=a^2+2ab+b^2$ . It can also be written as: $(a-b)^2=a^2-2ab+b^2$ . It is expected that the student will correctly square a binomial.	

**Indicator of achievement:** Expanding the square of a binomial.

**Foundations of the item:**

A binomial is provided for which the students must expand its square. The binomial has the following characteristics:

- a) The signs of the coefficients can be the same or opposite.
- b) The coefficients of the terms are whole numbers.
- c) The literals can be any letter in the alphabet, not just  $x$  or  $y$  as is usual.
- d) To ensure that the item is not too difficult, use of fractional coefficients is not recommended.

**Vocabulary and textual, graphic, or tabular information:**

The information given in this item is textual, including an algebraic expression that corresponds to the binomial and from which its square must be established.

**Distractors:**

These will be binomials or trinomials with the following characteristics:

- a) The square of the first plus the square of the second.
- b) The square of the first minus the square of the second.
- c) The square of the first minus two times the product of the first and second plus the square of the second.
- d) The square of the first plus the first term multiplied by the second term plus the square of the second term.

**Correct answer:**

The correct answer is obtained by following the rule for squaring a binomial: the square of the first term plus two times the product of the first term and second term plus the square of the second term.

**Proposed item:**

Expanding the binomial  $(3x-4y)^2$  gives the following result:

- A)  $9x^2-24xy+16y^2$       B)  $9x^2+16y^2$       C)  $9x^2-16y^2$       D)  $9x^2+24xy+16y^2$

**Estimated completion time:** 2 minutes.

Source: Own elaboration.

The instrument comprises 25 multiple-choice items where the student is asked to choose the correct answer from four possibilities. Each item in the instrument is independent, as it contains the information needed to approach it and answer it. The instrument is criterion-referenced as its aim is to evaluate learning and provide information about what each student can and cannot do.

The items were designed by the item preparation committee.

## 4. Results and discussion

The pilot application of the first version of the measurement instrument was carried out in the facilities of the FIM at the UABC during the first week of the first semester of the 2018-2019 year. The

instrument was applied to 177 students who had just started at the FIM and were enrolled on the Differential Calculus Course (21% of the students enrolled on this module during the semester in question). For Contreras, Backhoff, and Larrazolo (2004) and for Muñoz and Mato (2006), the reliability of the instrument calculated using the KR-20 formula  $r=0.88$  and by the split-half method  $r=0.93$  is classed as appropriate when it is greater than or equal to 0.85 in the case of standardised, large-scale instruments.

The mean DI was  $0.70 \pm 0.19$  (mean  $\pm$  standard deviation). The percentage distribution for the DI is: very easy items 8% (two items), fairly easy 48% (twelve items), average difficulty 28% (seven items), fairly difficult 4% (one item), and very difficult 12% (three items).

Of the items, 68% have excellent discrimination, 24% have good discrimination, and 8% have bad discrimination. The mean IDC is  $0.49 \pm 0.18$  (mean  $\pm$  standard deviation), which is classed as excellent.

The means of the IDC were calculated for the 5 algebra topics considered, namely: operations with fractions (items 1, 2, and 3) 0.56; law of exponents (items 4, 5, and 6) 0.61; rationalisation (items 7, 8, and 9) 0.33; operations with polynomials (items 10-19) 0.48; and factorising (items 20-25) 0.50. The highest power of discrimination was identified for the items corresponding to the law of exponents topic followed by the items from the fractions topic. In contrast, we found that the lowest power of discrimination

was for the items from the rationalisation topic, which are more difficult.

The mean of the biserial correlation coefficients for the test is  $0.52 \pm 0.14$  (mean  $\pm$  standard deviation). Of the items, 80% have excellent discrimination, 16% have good discrimination, and 4% have mediocre discrimination. No items were found with poor or worst discrimination.

Regarding content validity, the means for each item in each of the eight aspects declared in the expert evaluation were greater than or equal to 3.5. According to Contreras, Backhoff, and Larrazolo (2004), the criterion that must be satisfied is to achieve an average from the experts equal to or greater than 3.5. In this case, the instrument is classed as valid with regards to its content. Aspect 9 covered the instrument as a whole and concerned the time students are given to answer it. In this case, the maximum time permitted for completion is 60 minutes. The panel of experts believed that the time allowed for students to answer the 25 items is appropriate.

The information was extracted from the application of the differential calculus baseline test corresponding to the first semester of the 2018-2019 academic year, with answers to 60 items by 758 engineering students from the UABC's FIM being recorded. The reliability analysis using the KR-20 formula gives a coefficient  $\alpha=0.87$ . In view of the above, the criterion used to validate the instrument is the same. Of the 177 students from the sample analysed, we have the results of 151 who sat the

differential calculus baseline test. We used these to calculate the correlation between the grade obtained on the measurement instrument and the grade from the baseline test. When comparing the grades, a Pearson correlation coefficient of  $r=0.70$  was obtained significant at the 0.01 level, classed as a significant positive correlation on the scale of Hernández, Fernández, and Baptista (2006).

The diagnostic instrument had a total of 100 options: 25 correct answers and 75 distractors. Of the distractors evaluated, 33% (25) were classified as unsuitable; 6 items (24%) had 3 suitable distractors; 14 items (56%) had 1 UD; 2 items (16%) had 2 UD, and 1 item had 3 UD. The mean number of UD per item was  $1.00 \pm 0.74$  (mean  $\pm$  standard deviation).

The mean of the DI and IDC for items with 0 unsuitable distractors was  $0.45 \pm$

$0.18$  and  $0.46 \pm 0.17$ , respectively (mean  $\pm$  standard deviation). In contrast, these psychometric parameters in items with 2 UD were  $0.87 \pm 0.03$  and  $0.34 \pm 0.08$  with 42% higher DI (in other words, 42% easier) and 12% less discrimination. For items with 1 UD, the mean DI and IDC were 0.74 and 0.58.

The ANOVA reflected statistically significant differences ( $p<0.001$ ) in the DI between the groups of items with different numbers of UD. The *post-hoc* Tukey test displayed significant differences ( $p<0.001$ ) in the difficulty index (Table 4) and discrimination index between items with 0 UD and other items with one or 2 UD. A significant difference was found between one and 2 UD in the IDC. With regards to the biserial correlation between the items, no significant difference was found. Item 10, which had 3 UD, was excluded from this analysis.

TABLE 4. One-Way ANOVA, Difficulty Index for Groups of Items with Zero to Two Unsuitable Distractors.

Difficulty index Tukey's B <sup>a,b</sup>			
Unsuitable distractor	N	Subgroup for Alfa = .05	
		1	2
0	6	.4533	
1	14		.7450
2	4		.8725

The means for the groups in the homogenous subgroups are shown.

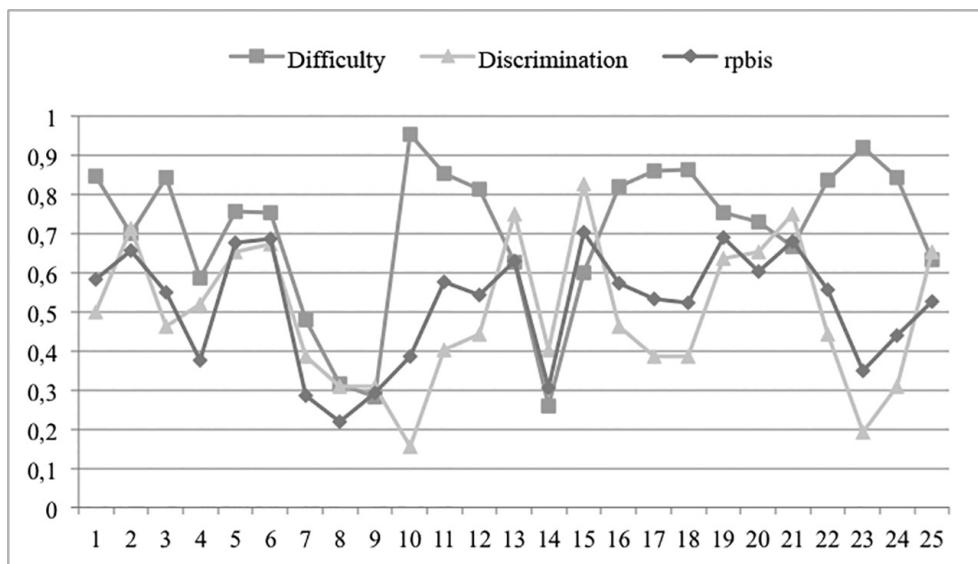
- a. The sample size is used for the harmonic mean = 6.146.
- b. The group sizes are not the same. The harmonic mean of the group sizes is used. Type I error levels are not guaranteed.

Source: Own elaboration.

The biserial correlation varies between 0.22 and 0.70 (Graph 1). A positive correlation indicates that answering the question well is an indicator of obtaining a good

score on the measurement instrument. Therefore, the questions with positive rpbis are the ones that best discriminate the sample of subjects.

GRAPH 1. Item number compared with difficulty index, discrimination, and biserial correlation in the first version of the measurement instrument.



Source: Own elaboration.

Based on this line chart we can see that items with a difficulty greater than 0.80 (items 1, 3, 10, 11, 12, 16, 17, 18, 22, 23, and 24) have discrimination and rpbis below 0.60. In fact, the lowest discrimination values are found in this group of items. In contrast, higher discrimination values are found (classed as excellent) when the difficulty is between 0.40 and 0.75. Item 15 refers to isolating a variable and is the item with the greatest power of discrimination (IDC = 0.83). At the same time, it is the best predictor of the success of a student in this instru-

ment in accordance with the biserial correlation coefficient ( $rpbis = 0.70$ ).

To identify which algebra topics, items, and indicators of achievement lead to success for a student on this measurement instrument, we calculated the means of the biserial correlation coefficient for the algebra topics and ordered them from highest to lowest: operations with fractions (topic 1, 0.60), laws of exponents (topic 2, 0.58), operations with polynomials (topic 4, 0.55), factorising (topic 5, 0.53), and rationalisation (topic 3,

0.26). The topics that mainly predict students' success are those studied at the primary and secondary educational levels. At the individual level, the two items with the highest biserial correlation coefficient were chosen, namely: item 15, isolating a variable ( $r_{pbis} = 0.70$ ) and item 19, expanding the cube of a binomial ( $r_{pbis} = 0.69$ ).

In the two very easy items (10 and 23), the students are asked to calculate the sum of polynomials and identify a difference of squares respectively. However, given that the IDC in both cases (0.15 and 0.19) were less than

0.2 and the DI is greater than 0.9 according to the criterion of Backhoff, Larrazolo, & Rosas (2000) and CTT, we decided to modify it substantially. In the case of item 10, the expression degree was raised from first to second and the number of terms from 4 to 6. The indicator of achievement was not modified (Table 5). In the case of item 23, the topic was not changed, but the indicator of achievement was, from identifying a difference of squares to factorising a sum of cubes. Smaller changes were also made to the distractors that were not suitable.

TABLE 5. Initial and final version of item 10 from the measurement instrument.

<b>Performing the operation <math>2x+7y-5x-3y</math> gives the following result:</b>			
A) $-3x+4y$	B) $3x-4y$	C) $xy$	D) $-xy$
<b>Performing the operation <math>2x+7y-5x-3y-3x^2-(-7x^2)</math> gives the following result:</b>			
A) $4x^2-3x+4y$	B) $4x^2+3x-4y$	C) $-4x^2-3x+4y$	D) $-4x^2+3x+4y$

Source: Own elaboration.

After making changes to the UDs and substantially modifying items 10 and 23, we carried out a second pilot application during the first week of the second semester of 2018–2019 with a sample of 138 newly enrolled students (20% of the student body enrolled on this module during the semester in question) on the engineering degrees

at the UABC's FIM. The measurement instrument was again analysed with CTT and its reliability calculated using KR-20  $r=0.87$  and the split-halves method  $r=0.92$ . The reliability is virtually the same with the two methods in the final version of the instrument. However, the psychometric indexes improved notably.

The information was again extracted from the application of the differential calculus baseline test. For the second semester of 2018-2019, the answers to 60 items by 627 engineering students at the FIM were recorded. The reliability analysis using the KR-20 formula gives a coefficient =0.87. Of the 138 students in the sample, we have the results of 117 students who took the differential calculus baseline test. With these results, we calculated the correlation between the grade obtained in the measurement instrument and the grade for the baseline test. Comparison of the grades gives a Pearson correlation coefficient of  $r= 0.72$  significant at the 0.01 level, with an increase in correlation of 2.8% compared with the first version. High grades in the measurement instrument translate into high grades in the differential calculus baseline test.

In the final version of the measurement instrument, the mean DI was  $0.58 \pm 0.17$  (mean  $\pm$  standard deviation). The percentage distribution from the DI is as follows: very easy items 4% (1 item); fairly easy 24% (6 items); average difficulty 32% (8 items); fairly difficult 36% (9 items) and very difficult 4% (1 item). This distribution best matches the criteria established by Backhoff, Larrazolo, and Rosas (2000).

We found that 72% of the UD have excellent IDCs and 24% have good discrimination, while 4% have mediocre discrimination. The mean IDC is  $0.53 \pm 0.16$  (mean  $\pm$  standard devia-

tion), which falls within the band classified as excellent. This final version of the measurement instrument increased the power of discrimination by 8%.

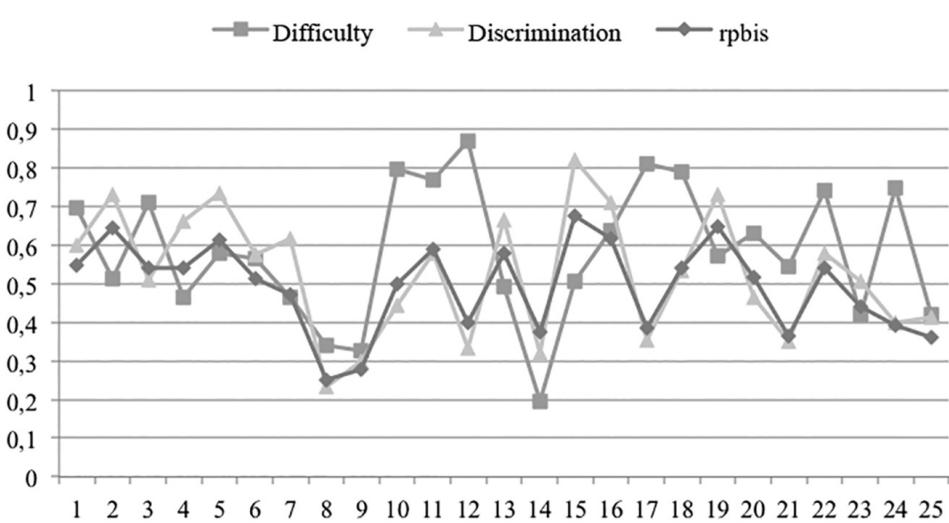
The mean discrimination figures were also calculated for the 5 algebra topics covered, namely: operations with fractions 0.61 (items 1, 2, and 3); law of exponents 0.65 (items 4, 5, and 6); rationalisation 0.38 (items 7, 8, and 9); operations with polynomials (items 10-19) 0.55 and factorising 0.45 (items 20-25). In the final version of the instrument, it is worth noting that we found the greatest power of discrimination in the items corresponding to the law of exponents topic, followed by the items from the fractions topic. In contrast, we found that the lowest power of discrimination still corresponds to items from the rationalisation topic, which are most difficult.

In the final version, the mean biserial correlation coefficients for each algebra topic were calculated again and were ordered from highest to lowest: operations with fractions (topic 1,  $r_{pbis} = 0.58$ ); laws of exponents (topic 2,  $r_{pbis} = 0.55$ ); operations with polynomials (topic 4,  $r_{pbis} = 0.53$ ); factorising (topic 5,  $r_{pbis} = 0.44$ ); and rationalisation (topic 3,  $r_{pbis} = 0.33$ ). Consistency was found with the topics that predict the success of students in relation to the first version of the instrument. At the particular level, the two items with the highest biserial correlation coefficients also correspond to items 15:

isolating a variable ( $rpbis = 0.68$ ) and 19, cubing a binomial ( $rpbis = 0.65$ ). The psychometric indicators show less dispersion in this final version of the instrument (Graph 2). The figure for the mean squared deviation from the mean for the DI is 0.90 in the first version of the instrument and 0.72 in

the final version; for the IDC they are 0.79 and 0.62, and for the rpbis they are 0.51 and 0.33. The difficulty varies between 0.2 and 0.87, the discrimination between 0.23 and 0.82, and the biserial correlation coefficient varies between 0.25 and 0.68.

GRAPH 2. Item number against difficulty index, discrimination index, and biserial correlation in the final version of the measurement instrument.



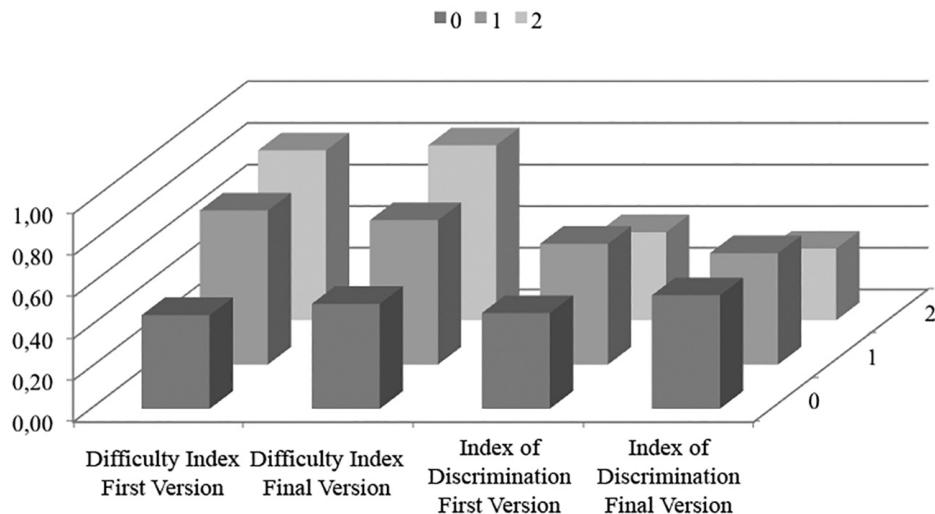
Source: Own elaboration.

Of the distractors evaluated, 15% (11) were classified as unsuitable, 16 items (64%) had 3 suitable distractors, 7 items (28%) had 1 UD, 2 items (8%) had 2 UD, and no item had 3 UD. The mean number of UD per item was  $0.44 \pm 0.64$  (mean  $\pm$  standard deviation). In this final version, we reduced the UD from 25 to 11.

The mean DI and IDC in items with 0 UD was  $0.50 \pm 0.15$  and  $0.55 \pm 0.17$ .

In contrast, for items with 2 UD, these psychometric parameters were  $0.84 \pm 0.03$  and  $0.34 \pm 0.01$  with 34% greater DI (in other words, 34% easier) and 11% less discrimination. For items with 1 UD, the mean DIs and IDCs are  $0.69 \pm 0.09$  and  $0.54 \pm 0.11$  respectively (mean  $\pm$  standard deviation). It is confirmed that when there are 1 or 2 UD, the item is easier (Graph 3) and the power of discrimination falls.

GRAPH 3. Comparison of unsuitable distractors and indexes of difficulty and discrimination in the first and final versions of the measurement instrument.



Source: Own elaboration.

A *post-hoc* Tukey test between item topics and the DI did not show significant differences between the groups. However, in the final version, the greater difficulty of answering rationalisation items (topic 3) is apparent with a mean index of 0.38, followed by the topic 2 items corresponding to the laws of exponents with a mean DI of 0.54. The next most difficult topics are those with factorising items (0.58), operations with fractions (0.64), and polynomials (0.65). Nonetheless, it is worrying that only 64% of the students starting an engineering degree can correctly solve arithmetic operations of addition, subtraction, multiplication, and division of fractions, as these skills are practised from the basic level of education.

Items 8, 9, and 14 have indexes of 0.34, 0.33, and 0.20 respectively and are the most difficult in the measurement instrument. Items 8 and 9 (fairly difficult) correspond to rationalisation of the numerator and denominator of algebraic expressions, while item 14 (very difficult) refers to calculation of the division of polynomials. Items 23 and 25 are classed as fairly difficult, both having indexes of 0.42. For these items, the student has to factor a sum of cubes and a difference of cubes respectively. This shows that the items relating to rationalisation, division of polynomials, and factorising with cubes are the most difficult ones for new students. In particular, these algebraic skills are vital to be able to calculate the limits

of a function, find the zeros for an equation, or simplify algebraic expressions.

instrument is very reliable and can be considered for large-scale use.

## 5. Conclusions

We created a valid and reliable instrument with the aim of determining the extent to which a newly enrolled student on an engineering degree has the algebra skills required to be able to take the module in Differential Calculus, and also to predict their likelihood of success on this module.

A panel of experts evaluated whether the content of the items examined the proposed algebra topics and whether the items are indicators of what is intended to be measured. The experts gave favourable opinions relating to the diagnostic potential of the measurement instrument. The differential calculus baseline test was used as the criterion to determine the criterion validity. This exam has been used at the UABC since 2005. When comparing grades from the instrument with the criterion, a Pearson correlation coefficient of 0.72 was obtained, significant at the 0.01 level. Accordingly, high grades on the measurement instrument translate into high grades on the differential calculus baseline test, and so this measurement instrument is considered to be a predictor of the students' performance on the Differential Calculus Course for engineering degrees.

We used two methods to calculate its reliability, KR-20 and split halves. The results are consistent between the first version and the final version, and so the

We found the greatest power of discrimination in the items corresponding to the topics that involve the law of exponents and operations with fractions. These topics mainly relate to the skills acquired in primary and secondary education. In contrast, we found that the lowest power of discrimination is still for the items relating to the topic of rationalisation, which the students find most difficult. We also found that the topics that predict the success of the students in the measurement instrument, in other words, the point-biserial correlation coefficient, are the operations with fractions and laws of exponents.

The results from the application of this measurement instrument make it possible to identify which algebra topics cause the most problems for students who are starting engineering degrees and will study the differential calculus module. At the same time, these results make it possible to take measures to improve the instruction and academic performance of the students on the Differential Calculus Course on the engineering programmes.

## References

- Alsina, Á., & Coronata, C. (2014). Los procesos matemáticos en las prácticas docentes: diseño, construcción y validación de un instrumento de evaluación. *Educación Matemática en la Infancia*, 3 (2), 23-36.
- Arriaga, M. (2015). El diagnóstico educativo, una importante herramienta para elevar la calidad de la educación en manos de los docentes. *Atenas*, 3 (1), 63-74.

- Ausubel, D. P., Novak, J. D., & Hanesian, H. (1983). *Psicología educativa: Un punto de vista cognoscitivo*. México: Editorial Trillas.
- Backhoff, E., Larrazolo, N., & Rosas, M. (2000). Nivel de dificultad y poder de discriminación del examen de habilidades y conocimientos básicos (EXHCOBA). *Revista Electrónica de Investigación Educativa*, 2 (1), 1-19.
- Barrazas, A. (2007). La consulta a expertos como estrategia para la recolección de evidencias de validez basadas en contenido. *Investigación Educativa Duranguense*, 7, 5-13.
- Carbonero, M. A., & Navarro, J. C. (2006). Entrenamiento de alumnos de educación superior en estrategias de aprendizaje en matemáticas. *Psicothema*, 18 (3), 348-352.
- Carmines, E., & Zeller, R. (1987). *Reliability and Validity Assessment*. USA: Sage.
- Cisneros, E., Jorquera, M., & Aguilar, A. (2012). Validación de instrumentos de evaluación docente en el contexto de una universidad española. *Voces y Silencios: Revista Latinoamericana de Educación*, 3 (1), 41-55.
- Contreras, L. A. (1998). *Metodología para desarrollar y validar un examen de español, de referencia criterial y referencia normativa orientado por el currículum, para la educación primaria en México*. Paper presented at the III Foro Nacional de Evaluación Educativa de CENEVAL, Veracruz, Mexico.
- Contreras, L. A. (2000). *Desarrollo y pilotaje de un examen de español para la educación primaria en Baja California* (Doctoral dissertation, Instituto de Investigación y Desarrollo Educativo, Ensenada, México). Retrieved from <https://bit.ly/2PeihuK> (Consulted on 2019-10-15).
- Contreras, L., Backhoff, E., & Larrazolo, N. (2004). *Educación, aprendizaje y cognición. Teoría en la práctica*. México: Manual moderno.
- Contreras, L. A., Encinas, J. A., de las Fuentes, M., & Rivera, R. E. (2005). *Evaluación Colegiada del aprendizaje en la Universidad Autónoma de Baja California*. Paper presented at the VIII Congreso Nacional de Investigación Educativa of Consejo Mexicano de Investigación Educativa (COMIE), Hermosillo, México.
- Corral, Y. (2009). Validez y confiabilidad de los instrumentos de investigación para la recolección de datos. *Revista Ciencias de la Educación*, 19 (33), 228-247.
- Crocker, L., & Algina, J. (1986). *Introduction to Classical and Modern Test Theory*. Florida: Holt, Rinehart & Winston.
- Difabio, H. E. (1994). La temática de la motivación en el neoconductismo contemporáneo: locus de control y teoría de la atribución. *revista española de pedagogía*, 52 (197), 37-56.
- Encinas, A., de las Fuentes, M., & Rivera, R. (2007). Construcción colegiada y aplicación de un examen criterial alineado con el currículo para evaluar a gran escala un curso de cálculo diferencial. *Acta Latinoamericana de Matemática Educativa*, 20, 192-197.
- Encinas, F., Osorio, M., Ansaldi, J., & Peralta, J. (2016). El cálculo y la importancia de los conocimientos previos en su aprendizaje. *Revista de Sistemas y Gestión Educativa*, 3 (7), 32-41.
- García, M. B., & Vilanova, S. L. (2008). Las representaciones sobre el aprendizaje de los alumnos de profesorado. Diseño y validación de un instrumento para analizar concepciones implícitas sobre el aprendizaje en profesores de matemática en formación. *Revista electrónica de investigación en educación en ciencias*, 3 (2), 27-35.
- Gatica-Lara, F., Méndez-Ramírez, I., Sánchez-Mendiola, M., & Martínez-González, A. (2010). Variables asociadas al éxito académico de los estudiantes de la Licenciatura en Medicina de la UNAM. *Revista de la Facultad de Medicina de la UNAM*, 53 (5), 9-18.
- González, E. I. (2013). Estudio sobre factores contexto en estudiantes universitarios para conocer por qué unos tienen éxito mientras otros fracasan. *Revista Intercontinental de Psicología y Educación*, 155 (2), 135-154.
- González, R. M. (2005). Un modelo explicativo del interés hacia las matemáticas de las y los estudiantes de secundaria. *Educación Matemática*, 17 (1), 107-128.
- Guilford, J. P. (1975). *Psychometric Methods*. Nueva Delhi: McGraw-Hill.
- Hernández, R., Fernández, C., & Baptista, P. (2006). *Metodología de la investigación*. México: Mc Graw-Hill.

- Henrysson, S. (1971). Gathering, Analysing, and Using Data on Test Items. In R. L. Thorndike (Ed.), *Educational Measurement* (pp. 130-159). Washington: American Council on Education.
- Morales, E. M. (2009). Los conocimientos previos y su importancia para la comprensión del lenguaje matemático en la educación superior. *Universidad, Ciencia y Tecnología*, 13 (52), 211-222.
- Muñoz, J. M., & Mato, M. D. (2006). Diseño y validación de un cuestionario para medir las actitudes hacia las matemáticas de los alumnos de ESO. *Revista Galego-Portuguesa de Psicología e Educación*, 13 (11-12), 413-424.
- Nitko, A. J. (1994). *A Model for Developing Curriculum-Driven Criterion-Referenced and Norm-Referenced National Examinations for Certification and Selection of Students*. Paper presented at the Conferencia Internacional sobre Evaluación y Medición Educativas of the Asociación para el Estudio de la Evaluación Educativa (ASSESA), Pretoria, South Africa.
- Orozco, C., & Díaz, M. A. (2009). Atribuciones de la motivación al logro y sus implicaciones en la formación del pensamiento lógico-matemático en la universidad. *Interciencia*, 34 (9), 630-636.
- Orozco-Moret, C., & Morales, V. (2007). Algunas alternativas didácticas y sus implicaciones en el aprendizaje de contenidos de la teoría de conjuntos. *Revista Electrónica de Investigación Educativa*, 9 (1), 1-19.
- Prieto, G., & Delgado, A. R. (2010). Fiabilidad y validez. *Papeles del Psicólogo*, 3 (1), 67-74.
- Popham, J. (1990). *Modern educational Measurement: a practitioner's perspective*. Boston: Prentice Hall.
- Reidl-Martínez, L. M. (2013). Confiabilidad en la medición. *Investigación en Educación Médica*, 2 (6), 107-111.
- Reynoso, O., & Méndez-Luévano, T. E. (2018). ¿Es posible predecir el rendimiento académico? La regulación de la conducta como un indicador del rendimiento académico en estudiantes de educación superior. *Diálogos sobre educación. Temas actuales en investigación educativa*, 9 (16), 1-19.
- Rodríguez, O., Casas, P., & Medina, Y. (2005). Análisis Psicométrico de los exámenes de evaluación de la calidad de la educación superior (ECAES) en Colombia. *Avances en Medición*, 3, 153-172.
- Sells, L. W. (1973). *High School Mathematics as the Critical Filter in the Job Market*. Retrieved from <https://bit.ly/33YD5uy> (Consulted on 2019-10-15).
- SEP (2017). *Planes de estudio de referencia del componente básico del marco curricular común de la educación media superior*. México: Secretaría de Educación Pública.
- Zabala, A., & Arnau, L. (2008). *11 Ideas clave, ¿Cómo aprender y enseñar competencias?* Barcelona: Editorial Grao.

## Authors' biographies

**Wendolyn Elizabeth Aguilar Salinas** holds a Doctorate in Sciences from the Universidad Autónoma de Baja California. She is currently Associate Professor and Head of Tutoring at the Mexicali Faculty of Engineering of that university. Her research focusses on the learning and teaching of mathematics, on the teaching techniques and technology, and on educational modalities.

 <http://orcid.org/0000-0003-2223-9234>

**Maximiliano de las Fuentes Lara** holds a Doctorate in Higher Education in Engineering from the Universidad Autónoma de Baja California. He is currently Associate Professor and Coordinator of the differential and integral calculus modules at the Mexicali Faculty of Engineering at that university. His research focusses on the problem of teaching, learning, and evaluation of mathematics for engineering.

 <http://orcid.org/0000-0002-1001-4663>

**Araceli Celina Justo López** holds a Doctorate in Engineering from the Universidad Autónoma de Baja California. She is currently Associate Professor and Coordin-

nator of the common core at the Mexicali Faculty of Engineering at that university. Her research focusses on educational technologies.

 <http://orcid.org/0000-0002-6911-2065>

**Ana Dolores Martínez Molina** holds a Master's in Network and Information Technology at CETYS Universidad. She is currently Associate Professor and Head of Academic Guidance at the Universidad Autónoma de Baja California. Her research interests focus on mathematics in education.

 <https://orcid.org/0000-0001-5130-6243>

# Table of Contents

## Sumario

### Mathematics teaching issues

#### *Cuestiones de enseñanza de las matemáticas*

Wendolyn Elizabeth Aguilar-Salinas, Maximiliano de las Fuentes-Lara, Araceli Celina Justo-López, & Ana Dolores Martínez-Molina

A measurement instrument for establishing the algebraic skills of engineering students on a Differential Calculus Course in engineering  
*Instrumento de medición para diagnosticar las habilidades algebraicas de los estudiantes en el Curso de Cálculo Diferencial en ingeniería*

5

**María Burgos, Pablo Beltrán-Pellicer, & Juan D. Godino**

The issue of didactical suitability in mathematics educational videos: experience of analysis with prospective primary school teachers  
*La cuestión de la idoneidad de los vídeos educativos de matemáticas: una experiencia de análisis con futuros maestros de educación primaria*

27

### Online training in the world of education: experiences from the United States

#### *La formación online en el mundo de la educación: experiencias de los Estados Unidos*

Gerald LeTendre, & Tiffany Squires

Integrating online and residential master's programs in education  
*Integración de programas de máster online y presenciales en educación*

53

**Laurence B. Boggess**

Innovations in online faculty development: an organizational model for long-term support of online faculty  
*Innovación en la capacitación docente online: un modelo organizacional para brindar apoyo a largo plazo a la docencia online*

73

**Brian Redmond**

Shared team leadership for an online program  
*Liderazgo de equipo compartido de un programa online*

89

## **Studies and Notes** **Estudios y Notas**

---

### **Paolo Scotton**

Thinking together, living fully. Experiencing philosophy with children

Pensar en común, vivir en plenitud. La experiencia de la filosofía con los niños y las niñas

**103**

### **Manuel Delgado-García, Sara Conde Vélez, & Ángel**

### **Boza Carreño**

Profiles and functions of university tutors and their effects on students' tutorial needs

Perfiles y funciones del tutor universitario y sus efectos sobre las necesidades tutoriales del alumnado

**119**

## **Book reviews**

---

**Luri, G. (2019).** *La imaginación conservadora: una defensa apasionada de las ideas que han hecho del mundo un lugar mejor* [The conservative imagination: A passionate defence of ideas that have made the world a better place] (Enrique Alonso Sainz). **Quigley, C. F., & Herro, D. (2019).** *An educator's guide to STEAM. Engaging students using real-world problems* (Juan Luis Fuentes). **Prince, T. (2019).** *Ejercicios de mindfulness en el aula. 100 ideas prácticas* [Mindfulness exercises for the class. 100 practical ideas] (José V. Merino Fernández).

**145**

## **Call for papers**

Solicitud de originales

**157**

This is the English version of the research articles and book reviews published originally in the Spanish printed version of issue 275 of the **revista española de pedagogía**. The full Spanish version of this issue can also be found on the journal's website <http://revistadepedagogia.org>.



ISSN: 0034-9461 (Print), 2174-0909 (Online)

<https://revistadepedagogia.org/>

Depósito legal: M. 6.020 - 1958

INDUSTRIA GRÁFICA ANZOS, S.L. Fuenlabrada - Madrid